

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع على (05) صفحات (من الصفحة 01 من 10 إلى الصفحة 05 من 10)

الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (05 نقاط)

تخطط شركة SpaceX لإطلاق ألفلاستار *Starlink* وذلك لتزويد كوكب الأرض كاملا بالإنترنت عالية السرعة ، يتميز مدار هذه الأقمار بارتفاع صغير 550Km عن سطح الأرض مقارنة مع أقمار الاتصال الأخرى، ورغم انتشار جائحة كورونا، تم إرسال مهمة تاريخية إلى محطة الفضاء الدولية بـماي 2020 بها رائدي فضاء من وكالة ناسا.

معطيات: ثابت الجذب العام : $G = 6,67 \times 10^{-11} (SI)$ ، نصف قطر الأرض : $R_T = 6370Km$



لدراسة حركة قمر صناعي S_1 من *SpaceX* نعتبره جسما نقطيا لا يخضع إلا لقوة جذب الأرض ويرسم مسارا دائريا حولها.

I- دراسة حركة أقمار اصطناعية S_1 ، S_2 و S_3 :

1. مثل كيفيا القوة المطبقة على القمر الصناعي من طرف الأرض.

2. أثبت أن عبارة تسارع الجاذبية الأرضية g على سطح القمر S_1 تكبت

من الشكل: $g = g_0 \left(\frac{R_T}{R_T + h} \right)^2$ ، ثم احسب قيمتها حيث: $g_0 = 9,81m / s^2$ تسارع الجاذبية على سطح الأرض.

3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة قمر صناعي S_1 :

1.3. بين أن القمر الصناعي S_1 يتحرك حركة دائرية منتظمة.

2.3. أثبت أن السرعة المدارية للقمر الصناعي S_1 تكتب من الشكل: $v = \sqrt{g \cdot (R_T + h)}$ ، ثم احسب قيمتها.

3.3. أحسب دور هذا القمر الصناعي، هل يمكن اعتباره جيو مستقرا؟

4. أرسلت شركة SpaceX قمرين آخرين ، حيث يقع في نفس مدار كوكب الأرض ضعفت كتلة القمر

S_1 ، بينما كتلة القمر S_3 ملكلثة S_1 ، وسرعته تساوي ثلاثة أرباع سرعة القمر S_1 .

1.4. قارن بين سرعة القمرين S_1 و S_2 لصع التعليق

2.4. أثبت أن ارتفاع القمر S_3 عن مستوى سطح الأرض هو $h_3 = 5932Km$ ، ثم استنتج قيمة دوره حول الأرض.

3.4. أحسب عدد الدورات N التي ينجزها القمر S_3 عندما يدور القمر S_1 (100) دورة حول الأرض.

II- الدراسة التجريبية لقانون كبلر الثالث:

يمثل الجدول التالي أدوار وأنصاف أقطار مدارات أقمار اصطناعية تدور حول الأرض بسرعة ثابتة.

القمر الصناعي	METEOSAT	GLONASS	GPS
الدور $T (10^4 s)$	8,61	4,06	2,85
قطر $r (10^3 km)$	42,1	25,5	20,2

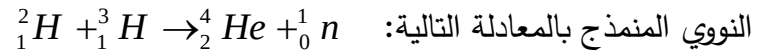
1. حدد من بين الأقمار الصناعية المذكورة في الجدول القمر الجيو مستقر مع ذكر كل الشروط الواجب توافرها فيه.
2. باستعمال سلم رسم مناسب مثل المنحنى البياني: $T^2 = f(r^3)$.
3. اعتمادا على المنحنى البياني:
 - 1.3. أكتب معادلة البيان ثم تأكد أنها تتوافق مع قانون كبلر الثالث.
 - 2.3. أحسب كتلة الأرض M_T .
 - 3.3. أحسب دور القمر الصناعي S_1 ، هل تتوافق مع القيمة المحسوبة سابقا؟

التمرين الثاني: (04 نقاط)

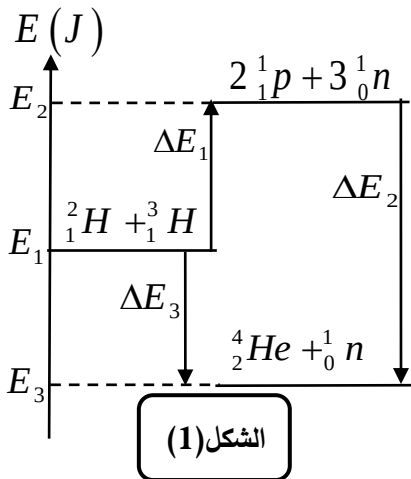


مشروع ITER هو أكبر مشروع تجريبي لإنتاج الطاقة الذي يعتمد على الاندماج النووي،

فكرة المشروع مأخوذة عن الاندماج الذي يحدث في قلب النجوم والشمس وفق التحول



1. عرّف الاندماج النووي وحدد شروط تحقيقه، ثم اذكر مبررين لاعتماد الاندماج عوض الانشطار.



2. أحسب الطاقة المحررة عن تفاعل الإندماج السابق.

3. أحسب الطاقة المحررة عندما تنتج كتلة من الهليوم قدرها $m = 1Kg$.

4. إذا كان لدينا مزيج متساوي الأنوية من ^2_1H و ^3_1H كتلتها $m' = 1Kg$:

- 1.4. بين أن الطاقة الكلية المحررة عن التفاعل السابق تعطى بالعلاقة:

$$E_T = \frac{m' \cdot N_A \cdot E_{lib}}{M(^2_1H) + M(^3_1H)}$$

ثم احسب قيمتها.

- 2.4. أحسب كتلة الكربون ^{12}C التي تحرّر نفس الطاقة E_T علما أن

احتراق $1mol$ من الكربون يحرر طاقة قدرها $240KJ$.

5. إذا كان المفاعل النووي ينتج طاقة كهربائية بمردود $r = 30\%$

الاستطاعة الكهربائية لهذا المفاعل خلال 30 يوم علما أنه استهلك الكتلة $m' = 1Kg$ خلال هذه المدة.

6. يمثل الشكل (1) مخطط الحصيلة الطاقوية لتفاعل الاندماج السابق.

- 1.6. ماذا يمثل كل من: $E_1, E_2, E_3, \Delta E_1, \Delta E_2$.

- 2.6. أحسب كلاً من ΔE_1 و ΔE_2 . معطيات: $C = 3 \times 10^8 m/s$ ، $N_A = 6,023 \times 10^{23} mol^{-1}$.

النواة أو الجسيم	^2_1H	^3_1H	^4_2He	^1_0n	^1_1p
الكتلة $(\times 10^{-27} Kg)$	3,3435	5,00737	6,64466	1,67493	1,6726

التمرين الثالث: (05 نقاط)



للأسترات دور هام في كيمياء العطور وفي الصناعة الغذائية لكونها تملك رائحة مميزة كرائحة الأزهار أو الفواكه وتستخدم في الصناعات الصيدلانية. توجد الأسترات طبيعيا في النباتات، كما يمكن اصطناعها في المختبر عن طريق تفاعل الكحولات مع الأحماض الكربوكسيلية.

I- دراسة محلول مائي لحمض كربوكسيلي:

نحضر محلولاً مائياً (S_0) لحمض كربوكسيلي HA تركيزه المولي $C_0 = 10^{-2} \text{ mol / L}$ وحجمه V_0 . أعطى قياس pH هذا المحلول عند التوازن القيمة 3,4.

1. أكتب معادلة تفاعل الحمض HA مع الماء.

2. أعط عبارة نسبة التقدم النهائي τ_f بدلالة الـ pH والتركيز المولي C_0 ثم بيّن أن الحمض المستعمل ضعيف.

3. نمّد المحلول (S_0) بإضافة حجم V_e من الماء المقطر فنحصل على محلول (S_1) تركيزه C_1 وحجمه V_1 .

1.3. جد عبارة ثابت الحموضة Ka للثنائية (HA / A^-) بدلالة τ_f و C_1 .

2.3. من أجل حمض ضعيف جداً نضع: $1 - \tau_f \approx 1$

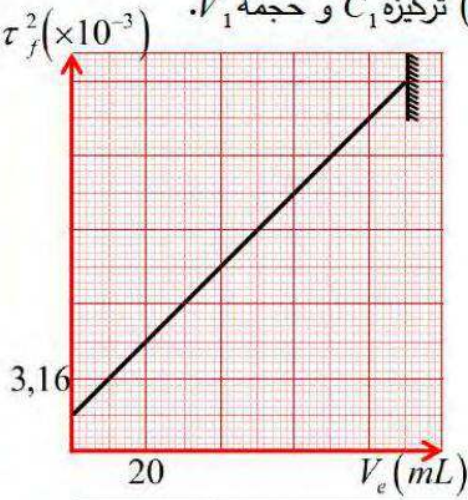
$$- \text{ بين أن: } \tau_f^2 = \frac{Ka}{C_0 V_0} V_e + \frac{Ka}{C_0}$$

4. يمثل الشكل (2) تغيرات τ_f^2 بدلالة حجم الماء المضاف V_e من أجل $1 - \tau_f \approx 1$.

1.4. جد قيمة كل من ثابت الحموضة Ka للثنائية السابقة والحجم V_0 .

2.4. استنتج تأثير تمديد المحلول على نسبة التقدم النهائي.

3.4. مستعينا بالجدول أسفله، تعرف على هذا الحمض المستعمل.



الثنائية	(CH_3COOH / CH_3COO^-)	$(HCOOH / HCOO^-)$	$(C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-)$
pKa	4,8	3,8	4,2

II- متابعة تطور تفاعل الأسترة:

لدراسة تطور تفاعل الأسترة نمزج في بيشر $0,5 \text{ mol}$ من حمض الإيثانويك CH_3COOH و $0,5 \text{ mol}$ من كحول

صيغته العامة C_4H_9OH وبعض القطرات من حمض الكبريت المركز، نقسمه بالتساوي على 10 أنابيب اختبار مرقمة

ونسدّها بإحكام ثم نضعها عند اللحظة $t = 0$ في حمام مائي درجة حرارته ثابتة.

1. أكتب معادلة تفاعل الأسترة الحادث.

2. أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل الحادث في كلّ أنبوب اختبار.

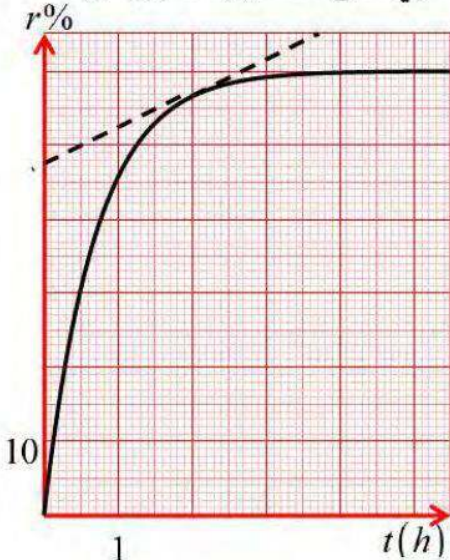
3. مكّنت معايرة محتوى أنابيب الاختبار السابقة عند لحظات مختلفة

من رسم البيان ($r = f(t)$) حيث r مردود تفاعل الأسترة عند اللحظة t

في أنبوب الاختبار (الشكل (3)).

1.3. عرّف سرعة التفاعل، وبيّن أنها تكتب على الشكل: $v = 5 \times 10^{-4} \cdot \frac{dr}{dt}$

2.3. أحسب سرعة التفاعل عند اللحظة $t = 2h$.



3.3. حدّد قيمة مردود التفاعل عند بلوغ التوازن ثمّ استنتج صنف الكحول.

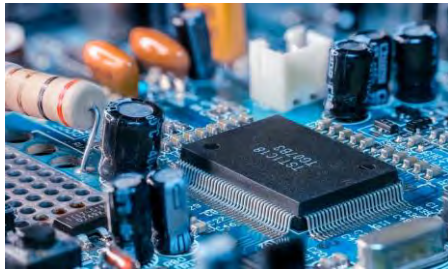
4.3. أعط الصيغة نصف المفصلة و تسمية كل من الكحول المستعمل و الأستر المتشكل.

4. نجمع المزيج التفاعلي من جديد في دورق واحد ثم نضيف له عند التوازن $0,2\text{mol}$ من الماء، حدّد معللاً جوابك جهة التطور التلقائي للجملة الكيميائية في هذه الحالة.

الجزء الثاني: (06 نقاط)

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

في مخبر الفيزياء وجد الأساتذة ثلاث علب لعناصر كهربائية مجهولة فأرادوا اختبار تلاميذهم لتحديد طبيعة هذه العناصر شكل الأساتذة فوجين من التلاميذ ووفّروا لهم الوسائل التالية:



- بطارية قوتها المحركة الكهربائية $E = 9\text{V}$.

- ثلاثة أجهزة أمبيرمتر مقاومتها مهملة.

- ثلاثة مصابيح متماثلة (L_1) ، (L_2) ، (L_3) مقاومة كل مصباح R_0 .

- ناقل أومي مقاومته R' . - قاطعة K وأسلاك التوصيل.

- ثلاث علب لعناصر كهربائية مجهولة تحمل الرموز X ، Y ، Z أحدها ناقل أومي مقاومته R والآخر مكثفة سعتها C

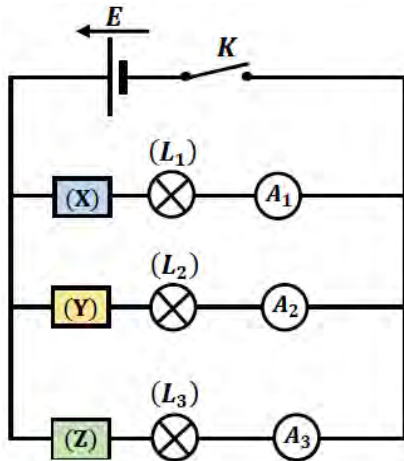
والثالث وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها الداخلية r .

- كمبيوتر مربوط مع لاقط التيار لجهاز ExAO من نوع Foxy Jeulin.

I- الفوج الأول: التعرف على العناصر الكهربائية المجهولة:

أنجز التلاميذ التركيب التجريبي المبين في الشكل (4)، تولي الأخصائى الأزمنة تم غلق القاطعة K ، دوّنت

النتائج و المشاهدات في الجدول التالي:



حالة ا لخصبا		قراءة الأمبيرمتر	
الزمن المصباح	الزمن الأمبيرمتر	شدة التيار الكهربائي (A)	
		$t = +\infty$	$t = 0$
(L_1)	م نظف	متوهج	0
(L_2)	متوهج	متوهج	0,15
(L_3)	متوهج	منطفئ	0

1. حدّد مع التعليل طبيعة كل عنصر من العناصر X ، Y ، Z .

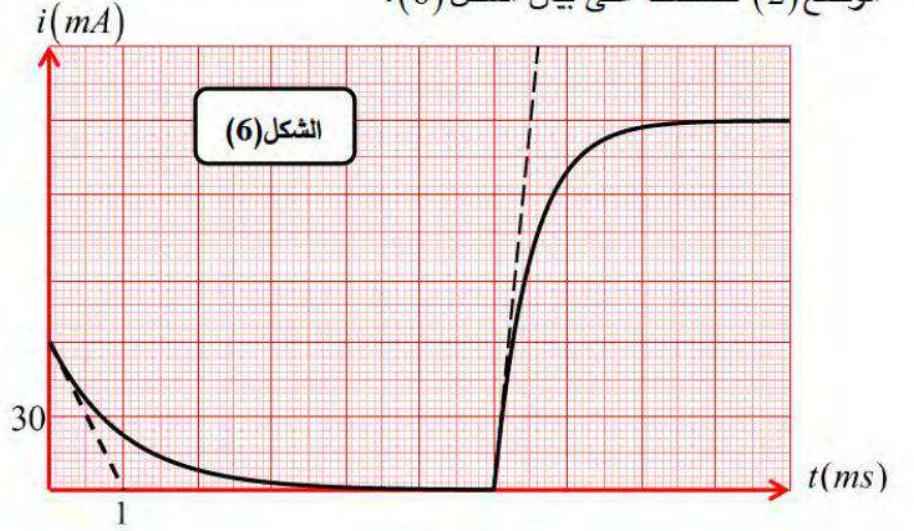
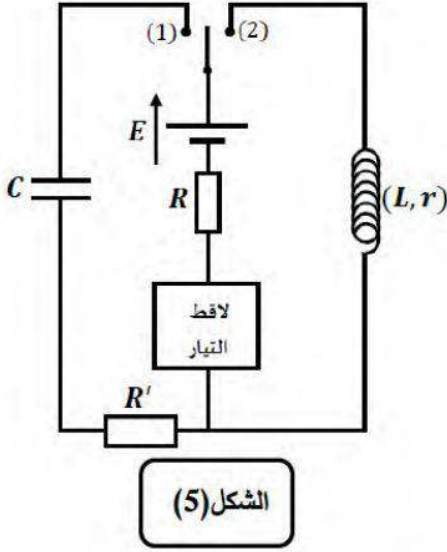
2. بيّن أن المقاومة الكهربائية للمصباح الواحد هي $R_0 = 10\Omega$.

3. جد قيمة كل من مقاومة الناقل الأومي R والمقاومة الداخلية للوشيعة r .

(4)

II- الفوج الثاني: تطور شدة التيار في دارة كهربائية:

قام التلاميذ بتركيب الدارة الكهربائية الممثلة بالشكل (5) باستعمال نفس العناصر الكهربائية التي استعملها الفوج الأول، وفي لحظة $t = 0$ نعتبرها مبدأً للأزمنة تم وضع البادلة K في الوضع (1) وبعد مدة زمنية كافية تمت أرجعتها إلى الوضع (2) فتحصلنا على بيان الشكل (6).



1. أعد رسم الدارة الكهربائية ثم مثل جهة التيار الكهربائي ومختلف التوترات الكهربائية لكل من وضعي البادلة، واذكر الظاهرة المحققة في كل حالة.
2. اكتب المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار في كل حالة (الوضع (1) والوضع (2) للبادلة).
3. حل المعادلة التفاضلية من أجل الوضع (1) هو: $i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau_1}}$ ، ومن أجل الوضع (2): $i(t) = I'_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}}\right)$.
- جد عبارة كل من I_0 ، τ_1 ، I'_0 و τ_2 بدلالة ثوابت الدارة.
4. اعتماداً على البيان جد قيم كل من: I_0 ، τ_1 ، I'_0 و τ_2 .
5. استنتج قيمة كلا من: مقاومة الناقل الأومي R' ، سعة المكثفة C ، المقاومة الداخلية للوشيجة r و ذاتية الوشيجة L .
6. أحسب الطاقة الأعظمية المخزنة في كل من المكثفة والوشيجة.

الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع على (05) صفحات (من الصفحة 06 من 10 إلى الصفحة 10 من 10)

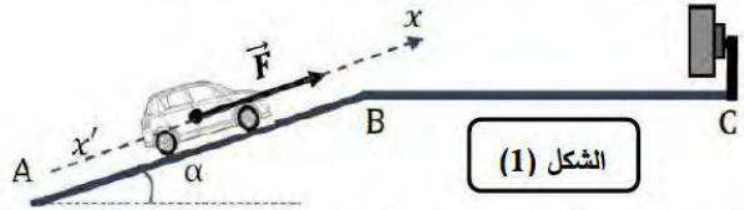
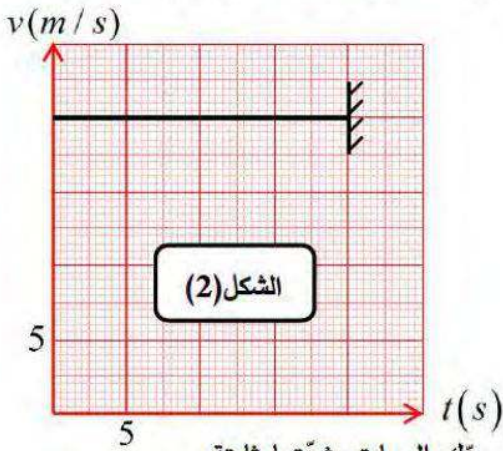
الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (06 نقاط)

عند القيادة على الطرق المستوية السريعة تجد على جانبي الطريق لافتات تحدد السرعة القصوى ولأجل سلامة مستعملي الطرقات ومراقبة السيارات التي تتجاوز السرعة المحددة تستعمل أجهزة الرادار فيتم مخالفة صاحب السيارة من طرف عناصر الدرك الوطني. فما هو مبدأ عمل هذا الرادار؟

سيارة كتلتها $m=3500\text{ Kg}$ تصل إلى النقطة A بسرعة v_A حيث هذه النقطة هي بداية طريق مائل عن المستوي الأفقي بزاوية $\alpha = 15^\circ$. تواصل السيارة حركتها على الطريق المائل AB الموضح في الشكل (1) و تخضع على هذا الطريق لقوة احتكاك ثابتة شدتها $f = 500\text{ N}$.

يمثل الشكل (2) مخطط السرعة للسيارة بين A و B.



I - دراسة الحركة على المستوي المائل:

1. أتمم تمثيل القوى المؤثرة على السيارة، حيث $\vec{F}$ هي القوة التي يؤثر بها محرك السيارة وشدتها ثابتة.

2. اعتمادا على البيان، حدد طبيعة الحركة معلا جوابك. ثم احسب المسافة المقطوعة AB.

3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد عبارة القوة F بدلالة α ، g ، m و f ثم احسب قيمتها.

المعطيات: $g = 10\text{ m.s}^{-2}$.

II - دراسة الحركة على المستوي الأفقي:

تواصل السيارة حركتها على الطريق الأفقي BC بتسارع ثابت $a = 2\text{ m.s}^{-2}$ بعد قطع مسافة $BC = 100\text{ m}$ تمر

السيارة أمام رادار للدرك الوطني، بعد أيام تلقى السائق رسالة نصية من مصالح الدرك تبلغه أنه تجاوز السرعة المحددة عند النقطة C وعليه دفع غرامة مالية.

تقدم السائق بشكوى مفادها أن هناك خطأ في اشتغال الرادار وأنه لم يتجاوز السرعة المحددة بـ 120 Km/h .

1. باعتبار النقطة B مبدأ الفواصل والأزمنة، استنتج المعادلتين الزمنيةتين للحركة $x(t)$ و $v(t)$.

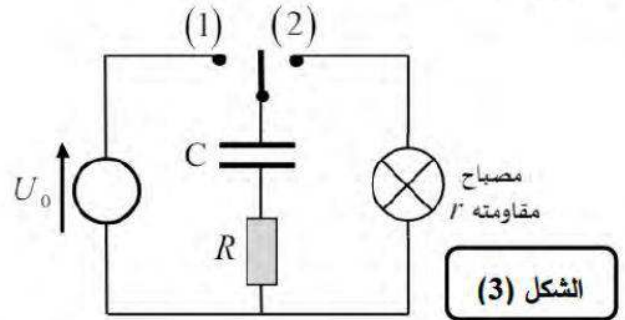
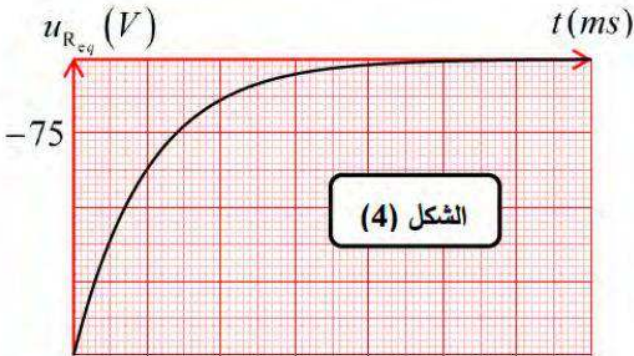
2. تأكد إذا تجاوز السائق السرعة المحددة أم لا.

III - طريقة اشتغال الرادار:

يُرسل الرادار أمواج كهرومغناطيسية باتجاه الطريق فتعكس هذه الأمواج على هيكل السيارة المارة وتعود إلى الرادار فإذا كانت سرعة السيارة تفوق السرعة المحددة يقوم الرادار بأخذ صورة واضحة للسيارة باستعمال الإضاءة القوية لمصباح آلة التصوير (Flash).

- يعمل تجهيز مناسب على تفريغ مكثفة مشحونة تحت توتر $U_0 = 300 V$ في المصباح خلال مدة قدرها $0,1s$ وهي المدة الزمنية اللازمة لأخذ صورة السيارة. حيث القيمة المسجلة على المكثفة $C = 200 \mu F$ ، بسبب كثرة استعمال الرادار يمكن لسعة المكثفة أن تنقص وبالتالي يمكن أن تتفرغ بفعل سرعات أصغر من السرعة المحددة.

- عملا بشكوى السائق قام أحد تقنيي الدرك الوطني بربط مكثفة فارغة ومماثلة تماما لمكثفة الرادار سعتها C مع مولّد توتر مثالي قوته المحركة الكهربائية U_0 ، بادلة K ، مصباح مقاومته الداخلية r ومقاومة $R = 100 \Omega$ ، كما هو موضح في الشكل (3).



بعد وضع البادلة في الوضع (1) لمدة كافية لشحن المكثفة، نقل البادلة للوضع (2) عند اللحظة $t = 0$ نتابع بواسطة جهاز مناسب تغيرات شدة التيار $i(t)$ المار في الدارة عند تفريغ المكثفة فنحصل على بيان الشكل (4).

1. أوجد المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر بين طرفي المقاومة المكافئة $u_{R_{eq}}$ عند تفريغ المكثفة.

2. حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل: $u_{R_{eq}}(t) = -u_{R_{eq}(\max)} e^{-\frac{t}{\tau}}$ أوجد عبارة كل من $u_{R_{eq}(\max)}$ و τ .

3. تعطى قيمة ثابت الزمن $\tau = 20 ms$ والتيار الأعظمي $I_0 = 2A$

1.3. ضع سُلمًا لمحور الفواصل.

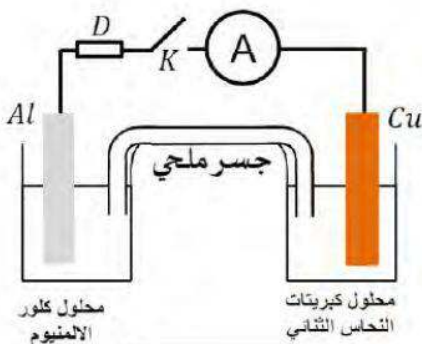
2.3. احسب مقاومة المصباح r .

3.3. احسب سعة المكثفة وقارنها مع القيمة المسجلة.

4. هل من واجب الدرك الوطني الاعتذار لهذا السائق أم مضاعفة الغرامة بسبب إزعاجه لهم؟ علّل.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

تتكون الأعمدة من ثنائيات من نوع (معدن/ شاردة معدن) وتعتمد على تحويل جزء من الطاقة الناتجة عن تفاعل أكسدة إرجاعية إلى طاقة كهربائية.



ننجز عمود نحاس-ألومنيوم بوصل نصفي العمود بواسطة جسر ملحي لكلور الأمونيوم

$(NH_4^+ + Cl^-)_{(aq)}$ ، حيث يتكوّن نصف العمود الأول من صفيحة نحاس $Cu_{(s)}$

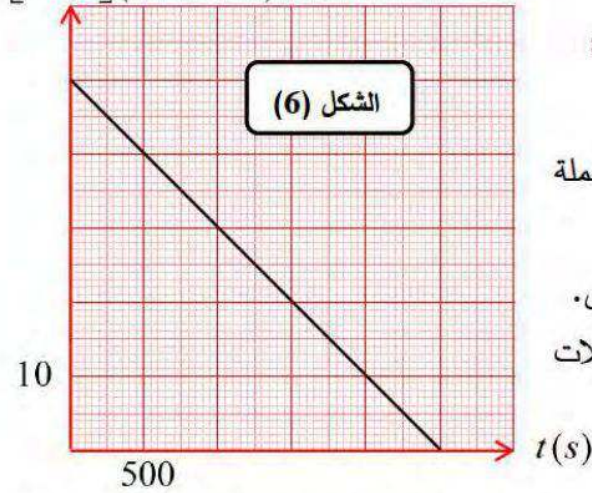
مغمورة جزئيا في محلول كبريتات النحاس الثنائي $(Cu^{2+} + SO_4^{2-})_{(aq)}$ تركيزه

المولي C_0 وحجمه $V_0 = 50 mL$ ويتكوّن نصف العمود الثاني من صفيحة

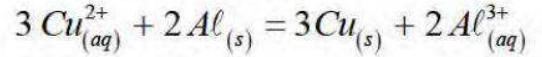
ألومنيوم $Al_{(s)}$ مغمورة جزئيا في محلول مائي لكلور الألومنيوم $(Al^{3+} + 3Cl^-)_{(aq)}$

له نفس التركيز المولي C_0 ونفس الحجم V_0 .

نركب بين قطبي العمود ناقلا أوميا D وأمبير متر A وقاطعة K كما يوضحه الشكل (5)، نغلق الدارة عند $t = 0$ فيمر فيها تيار كهربائي شدته I ثابتة. يمثل المنحنى البياني (الشكل (6)) تغيرات التركيز المولي لشوارد النحاس الثنائي الموجودة في النصف الأول للعمود بدلالة الزمن t .



ينمذج التّحول الكيميائي الذي يتحكم في تشغيل هذا العمود بالمعادلة:



1.1. بالاعتماد على معيار التطور التلقائي، حدّد منحنى تطوّر الجملة الكيميائية المدروسة.

2.1. حدّد قطبي العمود وأعط الرمز الاصطلاحي للعمود المدروس.

3.1. أعد رسم العمود وبيّن عليه جهة التيار الكهربائي وجهة حاملات الشّحن خارج العمود وداخله.

1.2. أنجز جدول تقدّم التفاعل.

2.2. أوجد عبارة $[Cu^{2+}]$ عند اللحظة t بدلالة V_0, F, C_0, I و t ثم استنتج قيمة شدّة التيار I المارّ في الدارة.

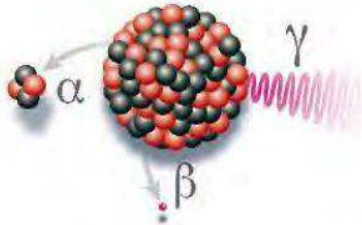
3. يتوقّف العمود عن الاشتغال عند اللحظة t_c .

- أوجد بدلالة I, t_c, M و F التّغير Δm لكتلة صفيحة الألمنيوم في هذه اللحظة، ثمّ احسب قيمته.

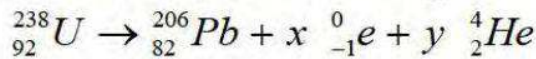
المعطيات: $1F = 96500 C / mol$ ، $M(Al) = 27 g / mol$ ، ثابت التوازن للتفاعل الحادث $K = 10^{20}$

التمرين الثالث: (04 نقاط)

لتأريخ أو تتبّع تطوّر بعض الظواهر الطبيعية، يلجأ العلماء إلى طرائق وتقنيات مختلفة تعتمد أساسا على قانون التناقص الإشعاعي. من بين هذه التقنيات تقنية التأريخ بواسطة اليورانيوم- الرصاص.



تتحول نواة اليورانيوم إلى نواة الرصاص وفق العائلة المشعة التي تتكون من إشعاعات α و β^- ، نمذج هذه التحوّلات النووية بالمعادلة الحصيلة:



المعطيات: $\frac{E_c}{A}({}_{82}^{206}Pb) = 7,87 MeV / nucleon$ ، $m({}_{92}^{238}U) = 238,00031 \mu$ ،

$m({}_1^1p) = 1,00728 \mu$ ، $m({}_0^1n) = 1,00866 \mu$ ، $1\mu = 931,5 MeV . C^{-2}$ ، $t_{1/2}({}_{92}^{238}U) = 4,5 \times 10^9 ans$

I- دراسة نواة اليورانيوم :

1. ما المقصود بالعائلة المشعة؟

2. بتطبيق قانوني الانحفاظ لصودي حدّد كل من العددين x و y في المعادلة السابقة ثم أعط تركيب نواة ${}_{92}^{238}U$.

3. احسب طاقة الربط لنواة اليورانيوم ${}_{92}^{238}U$ ثم تحقّق أنّ نواة الرصاص ${}_{82}^{206}Pb$ أكثر استقرارا من النواة ${}_{92}^{238}U$.

II- تأريخ صخرة معدنية بواسطة اليورانيوم - الرصاص:

نجد اليورانيوم والرصاص بنسب مختلفة في الصّخور المعدنية حسب تاريخ تكوينها حيث نعتبر أنّ الرّصاص في بعض

الصّخور المعدنية ينتج فقط عن التّفكك التلقائي لليورانيوم خلال الزمن ونكتب: $N_U(0) = N_U(t) + N_{Pb}(t)$

حيث: $N_U(0)$ عدد أنوية اليورانيوم المشعة الابتدائية.

$N_U(t)$ عدد أنوية اليورانيوم المشعة المتبقية عند اللحظة t .

$N_{pb}(t)$ عدد أنوية الرصاص الموجودة في العينة عند اللحظة t .

تتوفر عينة من صخرة معدنية تحتوي عند لحظة تكوينها $t = 0$ على عدد $N_U(0)$ من أنوية اليورانيوم 238 . وتحتوي

عند لحظة t على كتلة $m_U(t) = 100g$ من اليورانيوم و كتلة $m_{pb}(t) = 1mg$ من الرصاص 206 .

1. ماهي خصائص النشاط الإشعاعي؟

2. أثبت أن عمر الصخرة المعدنية t يعطى بالعلاقة: $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \left(1 + \frac{m_{pb}(t) \cdot M(^{238}_{92}U)}{m_U(t) \cdot M(^{206}_{82}Pb)} \right)$

3. أحسب t بالسنة.

الجزء الثاني: (06 نقاط)

التمرين التجريبي: (06 نقاط)



يعدّ المغنيزيوم العنصر الثاني الأكثر تواجدا في جسم الإنسان ويقوم بأدوار هامة في الجسم كتنظيم ضغط الدم والحفاظ على صحة القلب ونقصانه يمكن أن يؤدي إلى اضطرابات صحية خطيرة.

لغرض دراسة التفاعل البطيء و التآم بين معدن المغنيزيوم $Mg_{(s)}$ ومحلول حمض كلور الهيدروجين

في اللحظة $t = 0$ و عند درجة حرارة ثابتة $T = 25^\circ C$ قام أساتذة الفيزياء بإحضار حجم V_0 من المحلول (S_0)

لحمض كلور الهيدروجين $(H_3O^+ + Cl^-)_{(aq)}$ تركيزه المولي $C_0 = 0,5 \text{ mol / L}$ وطلبوا من التلاميذ إجراء التجريبتين

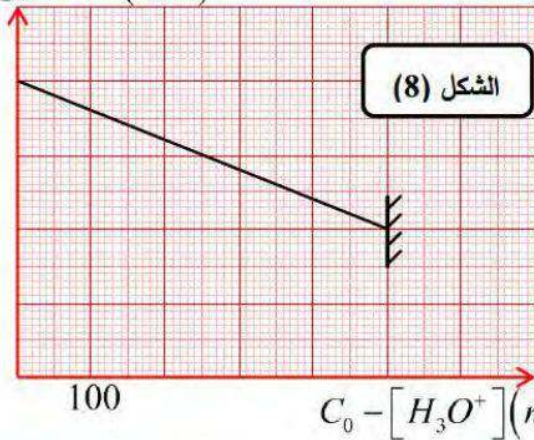
I- التجربة الأولى: دراسة حركية التفاعل:

وضعوا قطعة من المغنيزيوم كتلتها m_0 في كأس يحتوي على حجم V_0 من المحلول (S_0) لحمض كلور الهيدروجين

بواسطة تقنية خاصة تمكنوا من رسم البيانيين $m(Mg) = f(t)$ و $n(Mg) = g(C_0 - [H_3O^+])$ وتمثيلهما في

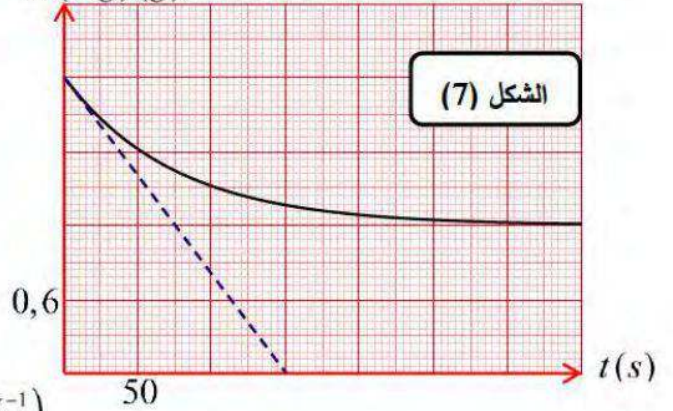
الشكلين (7) و (8) على الترتيب:

$n(Mg) \times 10^{-2} (\text{mol})$



الشكل (8)

$m(Mg)(g)$



الشكل (7)

1. إذا علمت أن الثنائيتين (Ox / Red) الداخليتين في التفاعل هما (Mg^{2+} / Mg) , (H_3O^+ / H_2)

- اكتب معادلة تفاعل الأكسدة الإرجاعية الحادث ثم أنجز جدول تقدّم التفاعل.

2. ضع السلم الخاص بكمية مادة المغنيزيوم في بيان الشكل (8).

3. بين أنه في لحظة t يكون: $n(Mg) = \frac{m_0}{M} - \frac{V_0}{2} (C_0 - [H_3O^+])$ ، ثم جد اعتمادا على الشكل (8) حجم المزيج V_0

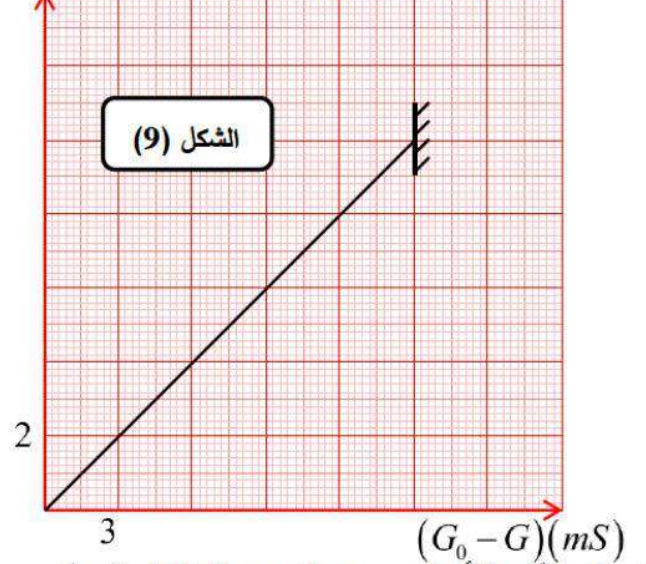
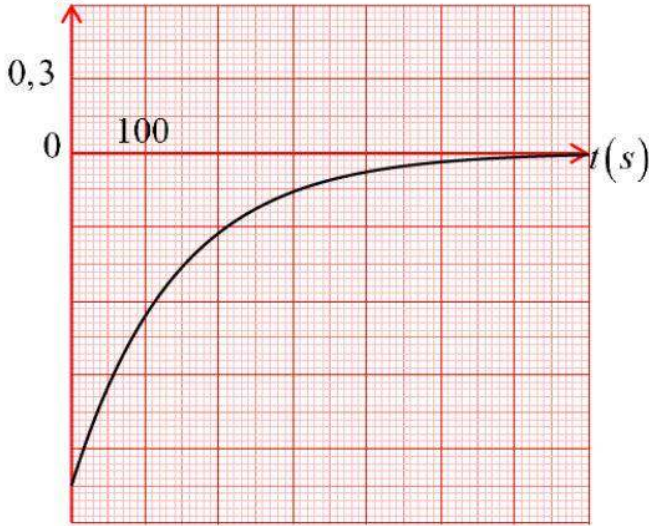
4. بين أن كتلة المغنيزيوم المتبقية في اللحظة $t_{1/2}$ تعطى بالعلاقة: $m_{1/2} = \frac{m_0 + m_f}{2}$ ثم استنتج $t_{1/2}$.

5. بين أن سرعة اختفاء شوارد H_3O^+ تعطى بالعلاقة: $v(H_3O^+) = -\frac{2}{M} \cdot \frac{dm(Mg)}{dt}$ ، ثم احسبها عند $t = 0$.

II - التجربة الثانية: المتابعة الزمنية عن طريق قياس الناقلية للتفاعل:

قام التلاميذ بأخذ حجم V' من المحلول (S_0) وأضافوا له حجما من الماء المقطر V_e فحصلوا على محلول (S_1) حجمه $V_1 = 400 mL$ وتركيزه C_1 ثم وضعوا في هذا المحلول قطعة من المغنيزيوم مماثلة للقطعة السابقة وغمروا فيه جهاز قياس الناقلية حيث ثابت خلية الجهاز هو $K = 0,01 m$. نمثل في الشكل (9) البيان: $x = h(G_0 - G)$ وفي الشكل

$$(10) \text{ البيان: } \frac{dn(H_3O^+)}{dt} = k(t) \cdot \frac{d(H_3O^+)}{dt} (\times 10^{-4} mol.s^{-1})$$



1. عين التقدم الأعظمي x_m واستنتج المتفاعل المحد.

2. أوجد قيمة التركيز المولي C_1 وحجم الماء المضاف V_e عند تمديد المحلول (S_0).

3. اكتب عبارة الناقلية الابتدائية G_0 واحسب قيمتها.

4. بين أن التقدم في لحظة t يعطى بالعلاقة $x = A(G_0 - G)$

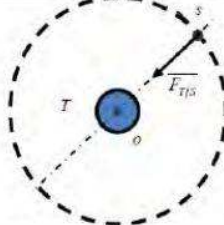
- حيث A ثابت يطلب تحديد عبارته بدلالة المقادير التالية: $K, V_1, \lambda_{H_3O^+}, \lambda_{Mg^{2+}}$.

5. أوجد قيمة الناقلية المولية الشاردية $\lambda_{Mg^{2+}}$.

6. أحسب سرعة اختفاء شوارد (H_3O^+) عند اللحظة $t = 0$. اشرح سبب اختلاف قيمتها مع تجربة الفوج الأول.

معطيات: $M(Mg) = 24 g/mol$ ، $\lambda_{Cl^-} = 7,63 mS.m^2.mol^{-1}$ ، $\lambda_{H_3O^+} = 35 mS.m^2.mol^{-1}$

انتهى الموضوع الثاني

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
المجموع	مجزأة	
0,25	0,25	التمرين الأول: (05 نقاط) I - دراسة حركة أقمار اصطناعية S_1, S_2 و S_3: 1- تمثيل القوة المطبقة على القمر الصناعي من طرف الأرض: 
0,5	0,25	2- إثبات عبارة الجاذبية على سطح القمر S_1: نعلم أن: $\vec{F}_{TS} = \vec{P}$ أي: $\frac{G M_T \cdot m}{(R_T + h)^2} = m \cdot g$ ومنه: $g = \frac{G M_T}{(R_T + h)^2} \dots \dots (1)$ وعلى سطح الأرض يكون: $h = 0$ فتكون: $(2) \dots \dots g_0 = \frac{G M_T}{R_T^2}$ بقسمة (1) على (2) نجد:
	0,25	$g = g_0 \left(\frac{R_T}{R_T + h} \right)^2$ أي: $\frac{g}{g_0} = \frac{R_T^2}{(R_T + h)^2}$ حساب قيمة g: $g = 9,81 \times \left(\frac{6370}{6370 + 550} \right)^2$ نجد: $g = 8,31 \text{ m/s}^2$
0,25	0,25	3-1 تبيان أن حركة القمر S_1 دائرية منتظمة: بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة القمر S_1 في مرجع جيومركزي نعتبره عطاليا نجد: $\sum \vec{F}_{ext} = m_s \vec{a} \rightarrow \vec{F}_{TS} = m_s \vec{a}$ بالإسقاط على المحور الناظمي: $F_{TS} = m_s a_n$ بما أن التسارع ناظمي وثابت فإن الحركة دائرية منتظمة. $\frac{G M_T \cdot m_s}{(R_T + h)^2} = m_s a_n \rightarrow a_n = \frac{G M_T}{(R_T + h)^2}$
0,5	0,25	3-2 عبارة السرعة المدارية: مما سبق: $a_n = \frac{G M_T}{(R_T + h)^2} = g$ ونعلم أن: $a_n = \frac{v^2}{R_T + h}$ أي: $g = \frac{v^2}{R_T + h}$ ومنه: $v = \sqrt{g \cdot (R_T + h)}$ حساب قيمة v: $v = \sqrt{8,31 \times (6370 + 550) \times 10^3}$ نجد: $v = 7,583 \times 10^3 \text{ m/s}$
0,25	0,25	3-3 حساب الدور T_1: $T_1 = \frac{2\pi r}{v_1} = \frac{2\pi (6370 + 550) \times 10^3}{7,583 \times 10^3}$ نجد: $T_1 = 5733,83 \text{ s} = 5,73 \times 10^3 \text{ s} = 1,59 \text{ h}$ - بما أن $T_1 \neq 24 \text{ h}$ فإن القمر الصناعي (S_1) ليس جيومستقرا.
0,25	0,25	4-1 المقارنة: القمران S_1 و S_2 لهما نفس السرعة لأنهما يقعان في نفس المدار. التعليل: تتعلق سرعة الأقمار بنصف قطر المدار فقط فحسب: $a_n = \frac{G M_T}{r^2} = \frac{v^2}{r} \rightarrow v = \sqrt{\frac{G M_T}{r}}$

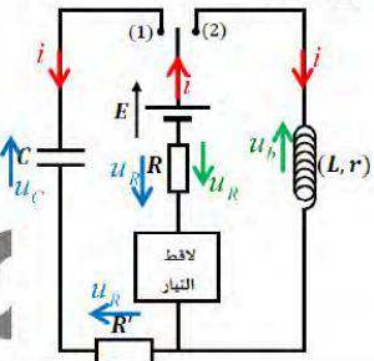
0,5	0,75	0,25	2-4- حساب الارتفاع h_3 علما أن سرعة القمر S_3 تساوي ثلاثة أرباع سرعة القمر S_1: لدينا: $v = \sqrt{\frac{GM_T}{r}}$ و: $v_3 = \frac{3}{4}v_1$ فيكون: $\sqrt{\frac{GM_T}{r_3}} = \frac{3}{4}\sqrt{\frac{GM_T}{r_1}} \rightarrow \frac{GM_T}{r_3} = \frac{9}{16} \cdot \frac{GM_T}{r_1}$ أي: $h_3 = \frac{16}{9} \cdot (R_T + h_1) - R_T$ ومنه: $r_3 = \frac{16}{9} \cdot r_1 \rightarrow R_T + h_3 = \frac{16}{9} \cdot (R_T + h_1)$ بالتعويض: $h_3 = \frac{16}{9} \cdot (6730 + 550) - 6730$ أي: $h_3 = 5932 \text{ Km}$ - حساب T_3: $T_3 = \frac{2\pi(R_T + h_3)}{v_3} = \frac{2\pi(R_T + h_3)}{\frac{3}{4}v_1} = \frac{2\pi(6730 + 5932) \times 10^3}{\frac{3}{4} \times 7,583 \times 10^3}$ $T_3 = 13591 \text{ s} = 1,36 \times 10^4 \text{ s} = 3,77 \text{ h}$												
0,25	0,25	0,25	3-4- حساب عدد الدورات N التي ينجزها القمر S_3 عندما يدور القمر S_1 مئة دورة: المدة اللازمة لينجز القمر S_1 مئة دورة توافق: $\Delta t = 100T_1$ فتكون: ومنه: $N = \frac{\Delta t \times 1}{T_3} = \frac{100T_1}{T_3} = \frac{100 \times 5,73 \times 10^3}{1,36 \times 10^4}$ أي: $N = 42,15$												
0,5	0,25	0,25	II- الدراسة التجريبية لقانون كبلر الثالث: 1- القمر الصناعي الجيو مستقر هو METEOSAT لأن دوره: $T = 8,61 \times 10^4 \text{ s} = 23,91 \text{ h} \approx 24 \text{ h}$ - الشروط الواجب توفرها في القمر ليكون جيو مستقر: * يدور حول الأرض في نفس جهة دورانها حول نفسها، وفق خط الإستواء. * دوره $T \approx 24 \text{ h}$.												
0,5	0,5	0,5	2- رسم المنحنى البياني $T^2 = f(r^3)$: <table border="1"> <thead> <tr> <th>القمر الصناعي</th> <th>METEOSAT</th> <th>GLONASS</th> <th>GPS</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$T^2 (10^9 \text{ s}^2)$</td> <td>7,41</td> <td>1,64</td> <td>0,81</td> </tr> <tr> <td>$r^3 (10^{13} \text{ Km}^3)$</td> <td>7,46</td> <td>1,65</td> <td>0,82</td> </tr> </tbody> </table>	القمر الصناعي	METEOSAT	GLONASS	GPS	$T^2 (10^9 \text{ s}^2)$	7,41	1,64	0,81	$r^3 (10^{13} \text{ Km}^3)$	7,46	1,65	0,82
القمر الصناعي	METEOSAT	GLONASS	GPS												
$T^2 (10^9 \text{ s}^2)$	7,41	1,64	0,81												
$r^3 (10^{13} \text{ Km}^3)$	7,46	1,65	0,82												
0,25	0,25	0,25	3-1- معادلة البيان: البيان جزء من مستقيم امتداده يمر بالمبدأ معادلته من الشكل: $T^2 = A \cdot r^3$ حيث: $A = \frac{7,41 \times 10^9}{7,46 \times 10^{13} \times 10^9} = 10^{-13} \text{ (SI)}$ فتكون معادلة البيان: $T^2 = 10^{-13} \cdot r^3$ - البيان إذا يتوافق مع القانون الثالث لكبلر: $T^2 = A \cdot r^3 \rightarrow \frac{T^2}{r^3} = K$												
0,5	0,25	0,25	3-2- إيجاد كتلة الأرض M_T: لدينا مما سبق: $T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{G M_T} \rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{G M_T}$ فنجد: $T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi r}{\sqrt{\frac{GM_T}{r}}}$ $T^2 = \frac{4\pi^2}{G M_T} \cdot r^3$												

0,25		بالمطابقة مع العلاقة البيانية نجد: $\frac{4\pi^2}{G M_T} = 10^{-13} \rightarrow M_T = \frac{4\pi^2}{G \cdot 10^{-13}}$ بالتعويض: $M_T = \frac{4\pi^2}{6,67 \times 10^{-11} \times 10^{-13}}$ نجد: $M_T = 5,91 \times 10^{24} \text{ Kg}$
0,25	0,25	3-3- التحقق من T_1 دور القمر الصناعي S_1: لدينا مما سبق: $T_1 = \sqrt{10^{-13} \times r^3}$ $\frac{T_1^2}{r_1^3} = K = 10^{-13} \rightarrow T_1 = \sqrt{10^{-13} \times r^3}$ بالتعويض: $T_1 = \sqrt{10^{-13} \times ((6370 + 550) \times 10^3)^3}$ نجد: $T_1 = 5,75 \times 10^3 \text{ s}$ النتيجةتان متطابقتان في حدود أخطاء التجربة والقياس.
0,75	0,25	التمرين الثاني: (04 نقاط) 1- تعريف الاندماج النووي: هو تفاعل نووي مفتعل يحدث فيه التحام نواتين خفيفتين لتشكيل نواة أثقل و أكثر استقرارا مع تحرير طاقة. - شروط تحقيق الاندماج هي: * درجة حرارة عالية لتسريع الأنوية والتغلب على قوى التنافر الإلكترونية بينهما. * نواتان خفيفتان. - ذكر مبررين لاعتماد الاندماج عوض الانشطار النووي: * الطاقة المحررة عن الاندماج تكون أكبر. * الاندماج غير ملوث للبيئة.
0,25	0,25	2- حساب الطاقة المحررة عن التفاعل: $E_{lib} = \Delta m C^2 = (m_i - m_f) \cdot C^2 \rightarrow E_{lib} = [m({}_1^2H) + m({}_1^3H) - m({}_2^4He) - m({}_0^1n)] C^2$ أي: $E_{lib} = (3,3435 + 5,00737 - 6,64466 - 1,67493) \times 10^{-27} \times (3 \times 10^8)^2$ نجد: $E_{lib} = 2,8152 \times 10^{-12} \text{ J}$
0,25	0,25	3- حساب الطاقة المحررة عن 1Kg من الهليوم: $E_{lib_T} = \frac{10^3 \times 6,023 \times 10^{23} \times 2,8152 \times 10^{-12}}{4}$ بالتعويض: $E_{lib_T} = N \cdot E_{lib} = \frac{m}{M} \cdot N_A \cdot E_{lib}$ نجد: $E_{lib_T} = 4,2389 \times 10^{14} \text{ J}$
0,5	0,25	4-1- إثبات عبارة الطاقة المحررة: لدينا: $E_T = N \cdot E_{lib}$ حيث: هو عدد أنوية $({}_1^2H)$ والمساوي لعدد أنوية $({}_1^3H)$. ولدينا: $m' = m({}_1^2H) + m({}_1^3H) = \frac{N}{N_A} \cdot M({}_1^2H) + \frac{N}{N_A} \cdot M({}_1^3H)$ أي: $N = \frac{m' \cdot N_A}{M({}_1^2H) + M({}_1^3H)}$ فيكون: $m' = \frac{N}{N_A} \cdot (M({}_1^2H) + M({}_1^3H))$ بالتعويض: $E_T = \frac{m' \cdot N_A \cdot E_{lib}}{M({}_1^2H) + M({}_1^3H)}$ نجد: $E_T = 3,3911 \times 10^{14} \text{ J}$
0,25	0,25	4-2- حساب كتلة الكربون التي تحرر نفس الطاقة E_T: كتلة 1mol من الكربون (${}^{12}C$) هي 12g فيكون: $\begin{cases} 12g \rightarrow 240 \times 10^3 \text{ J} \\ m({}^{12}C) \rightarrow E_T \end{cases}$ أي: $m({}^{12}C) = \frac{12 E_T}{240 \times 10^3}$ بالتعويض: $m({}^{12}C) = \frac{12 \times 3,3911 \times 10^{14}}{240 \times 10^3}$ نجد: $m({}^{12}C) = 1,6955 \times 10^{10} \text{ g} = 1,6955 \times 10^7 \text{ Kg}$

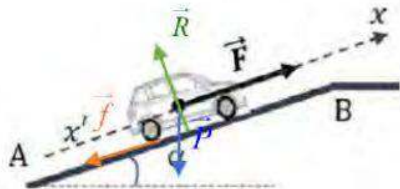
0,25	0,25	5- حساب الاستطاعة الكهربائية للمفاعل النووي: لدينا: $P_{elect} = \frac{E_{elect}}{\Delta t} = \frac{E_T \cdot r}{\Delta t}$ التعويض: $P_{elect} = \frac{3,3911 \times 10^{14} \times 0,3}{30 \times 24 \times 3600}$ نجد: $P_{elect} = 3,9249 \times 10^7 W = 39,249 MW$
1,25	0,25 0,25 0,25 0,25 0,25	6-1 الطاقات على مخطط الحصيلة الطاقوية تمثل ما يلي: E_1: طاقة الكتلة لكل من و معا (المتفاعلات). E_2: طاقة الكتلة للنكليونات الحرة. E_3: طاقة الكتلة للهليوم ونيوترون واحد (النواتج). ΔE_1: طاقة التماسك للنواتين و معا. ΔE_2: عكس طاقة تماسك نواة الهليوم. $E_1 = \left(m \left({}^2_1H \right) + m \left({}^3_1H \right) \right) \cdot C^2$ $E_2 = \left(2m \left({}^1_1p \right) + 3m \left({}^1_0n \right) \right) \cdot C^2$ $E_3 = \left(m \left({}^4_2He \right) + m \left({}^1_0n \right) \right) \cdot C^2$ $\Delta E_1 = E_1 \left({}^2_1H \right) + E_1 \left({}^3_1H \right)$ $\Delta E_2 = -E_1 \left({}^4_2He \right)$
0,5	0,25 0,25	6-1 حساب كل من ΔE_1 و ΔE_2: لدينا: $\Delta E_1 = E_1 \left({}^2_1H \right) + E_1 \left({}^3_1H \right) = \left(2m \left({}^1_1p \right) + 3m \left({}^1_0n \right) - m \left({}^2_1H \right) - m \left({}^3_1H \right) \right) \cdot C^2$ بالتعويض نجد: $\Delta E_1 = 1,7208 \times 10^{-12} J$ و لدينا: $\Delta E_2 = -E_1 \left({}^4_2He \right) = - \left(2m \left({}^1_1p \right) + 3m \left({}^1_0n \right) - m \left({}^4_2He \right) - m \left({}^1_0n \right) \right) \cdot C^2$ بالتعويض نجد: $\Delta E_2 = -4,536 \times 10^{-12} J$
	0,25	التمرين الثالث: (05 نقاط) I- دراسة محلول مائي لحمض كربوكسيلي: 1- معادلة تفاعل الحمض مع الماء: $HA_{(aq)} + H_2O_{(l)} = A^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$
	0,25 0,25	2- عبارة نسبة التقدم النهائي τ_f بدلالة pH و C_0 وتبيان أن الحمض ضعيف: - عبارة τ_f: $\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f}{C_0}$ أي: $\tau_f = \frac{10^{-pH}}{C_0}$ - تبيان أن الحمض ضعيف: $\tau_f = \frac{10^{-3,4}}{10^{-2}} \rightarrow \tau_f \approx 0,04$ بما أن $\tau_f < 1$ فإن الحمض حمض ضعيف.
	0,25	3-1 عبارة ثابت الحموضة Ka بدلالة C_1 و τ_f: لدينا: $Ka = \frac{[H_3O^+]_f \cdot [A^-]_f}{[HA]_f}$ ولدينا: $[H_3O^+]_f = [A^-]_f = \tau_f \cdot C_1$ ولدينا: $[HA]_f = C_1 - [H_3O^+]_f = C_1 - C_1 \tau_f \rightarrow [HA]_f = C_1 (1 - \tau_f)$ بالتعويض: $Ka = \frac{C_1^2 \tau_f^2}{C_1 - C_1 \tau_f}$ فنجد: $Ka = \frac{C_1 \tau_f^2}{1 - \tau_f}$

		3-2- تبين عبارة τ_f^2: بما أن: $1 - \tau_f = 1$ فإن: $Ka = C_1 \cdot \tau_f^2$ و منه: $\tau_f^2 = \frac{Ka}{C_1}$ ولدينا من قانون التمديد: $C_1 V_1 = C_0 V_0 \rightarrow C_1 = \frac{C_0 V_0}{V_1} \rightarrow C_1 = \frac{C_0 V_0}{(V_0 + V_e)}$ بالتعويض: $\tau_f^2 = \frac{Ka}{C_0 V_0} = Ka \left(\frac{V_0 + V_e}{C_0 V_0} \right)$ ومنه: $\tau_f^2 = \frac{Ka}{C_0 V_0} V_e + \frac{Ka}{C_0} \dots (1)$																														
0,25																																
		4-1- إيجاد قيمة كل من Ka والحجم V_0: - البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر بالمبدأ معادلته من الشكل: $\tau_f^2 = a \cdot V_e + b$ حيث a ميل البيان. حسابه: $b = 1,58 \times 10^{-3}$ و $a = \frac{(3,16 - 1,58) \times 10^{-3}}{10 - 0} = 1,58 \times 10^{-4} \text{ ml}^{-1}$ فتكون معادلة البيان: $\tau_f^2 = 1,58 \times 10^{-4} \cdot V_e + 1,58 \times 10^{-3} \dots (2)$ - بالمطابقة بين العبارة النظرية (1) والعبارة البيانية (2) نجد: $\frac{Ka}{C_0} = b \rightarrow Ka = C_0 b$ بالتعويض: $Ka = 1,58 \times 10^{-3} \times 10^{-2} \rightarrow Ka = 1,58 \times 10^{-5}$ ونجد: $\frac{Ka}{C_0 V_0} = a \rightarrow V_0 = \frac{Ka}{C_0 a}$ بالتعويض: $V_0 = 10 \text{ mL}$																														
0,25																																
0,25																																
	0,25	4-2- استنتاج تأثير التمديد على نسبة التقدم النهائي: نستنتج أنه كلما كان المحلول ممددا كانت نسبة التقدم النهائي أكبر.																														
	0,25	4-3- معرفة الحمض: لدينا: $pKa = -\log(Ka) = 4,8$ ومنه الحمض المستعمل هو حمض الإيثانويك CH_3COOH.																														
0,25	0,25	II- متابعة تطور تفاعل الأسترة: 1- معادلة تفاعل الأسترة: $CH_3COOH_{(l)} + C_4H_9OH_{(l)} = CH_3COOC_4H_9_{(l)} + H_2O_{(l)}$																														
		2- جدول تقدم التفاعل الحادث في كل أنبوب اختبار: <table><tr><th colspan="2">معادلة التفاعل</th><th colspan="4">$CH_3COOH_{(l)} + C_4H_9OH_{(l)} = CH_3COOC_4H_9_{(l)} + H_2O_{(l)}$</th></tr><tr><th>الحالة</th><th>التقدم (mol)</th><th colspan="4">كميات المادة (mol)</th></tr><tr><td>ابتدائية</td><td>$x = 0$</td><td>0,05</td><td>0,05</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>انتقالية</td><td>x</td><td>$0,05 - x$</td><td>$0,05 - x$</td><td>x</td><td>x</td></tr><tr><td>نهائية</td><td>x_f</td><td>$0,05 - x_f$</td><td>$0,05 - x_f$</td><td>x_f</td><td>x_f</td></tr></table>	معادلة التفاعل		$CH_3COOH_{(l)} + C_4H_9OH_{(l)} = CH_3COOC_4H_9_{(l)} + H_2O_{(l)}$				الحالة	التقدم (mol)	كميات المادة (mol)				ابتدائية	$x = 0$	0,05	0,05	0	0	انتقالية	x	$0,05 - x$	$0,05 - x$	x	x	نهائية	x_f	$0,05 - x_f$	$0,05 - x_f$	x_f	x_f
معادلة التفاعل		$CH_3COOH_{(l)} + C_4H_9OH_{(l)} = CH_3COOC_4H_9_{(l)} + H_2O_{(l)}$																														
الحالة	التقدم (mol)	كميات المادة (mol)																														
ابتدائية	$x = 0$	0,05	0,05	0	0																											
انتقالية	x	$0,05 - x$	$0,05 - x$	x	x																											
نهائية	x_f	$0,05 - x_f$	$0,05 - x_f$	x_f	x_f																											
0,25	0,25																															
		3-1- تعريف سرعة التفاعل: هي تغير تقدم التفاعل خلال الزمن $v = \frac{dx}{dt}$. - إثبات أن $v = 5 \times 10^{-4} \cdot \frac{dr}{dt}$ لدينا: $r = \frac{x}{x_{\max}} \times 100 \rightarrow x(t) = \frac{x_{\max}}{100} \times r$																														
0,25																																

0,5	0,25	ولدينا: $x_{\max} = 0,05 \text{ mol}$ ومن جدول التقدم: $v = \frac{dx}{dt} = \frac{d\left(\frac{x_{\max}}{100} \times r\right)}{dt} = \frac{x_{\max}}{100} \cdot \frac{dr}{dt}$ بالتعويض: $v = 5 \times 10^{-4} \times \frac{dr}{dt}$																														
0,25	0,25	3-2- حساب سرعة التفاعل عند $t = 2h$: $v(2h) = 2,4 \times 10^{-3} \text{ mol.l}^{-1}$ نجد: $v(2h) = 5 \times 10^{-4} \times \frac{56,5 - 47}{2 - 0}$																														
0,5	0,25 0,25	3-3- تحديد قيمة مردود التفاعل عند بلوغ التوازن واستنتاج صنف الكحول: - بياننا نجد أن المردود النهائي لتفاعل الأسترة المدروس هو: 60% . - بما أن المزيج الابتدائي متساوي المولات والمردود النهائي 60% فإن الكحول المستعمل ثانوي.																														
0,5	0,25	4-3- تسمية وصيغة كل من الكحول المستعمل والأستر المتشكل: <table border="1"> <tr> <th>الكحول</th> <th>الأستر</th> </tr> <tr> <td>$\text{CH}_3 - \underset{\text{OH}}{\text{CH}} - \text{CH}_2 - \text{CH}_3$</td> <td>$\text{CH}_3 - \text{COO} - \underset{\text{CH}_3}{\text{CH}} - \text{CH}_2 - \text{CH}_3$</td> </tr> <tr> <td>بوتان-2-ول</td> <td>إيثانوات 1-ميثيل البروبيل</td> </tr> </table>	الكحول	الأستر	$\text{CH}_3 - \underset{\text{OH}}{\text{CH}} - \text{CH}_2 - \text{CH}_3$	$\text{CH}_3 - \text{COO} - \underset{\text{CH}_3}{\text{CH}} - \text{CH}_2 - \text{CH}_3$	بوتان-2-ول	إيثانوات 1-ميثيل البروبيل																								
الكحول	الأستر																															
$\text{CH}_3 - \underset{\text{OH}}{\text{CH}} - \text{CH}_2 - \text{CH}_3$	$\text{CH}_3 - \text{COO} - \underset{\text{CH}_3}{\text{CH}} - \text{CH}_2 - \text{CH}_3$																															
بوتان-2-ول	إيثانوات 1-ميثيل البروبيل																															
0,5	0,25	4- تحديد جهة التطور التلقائي للجملة الكيميائية في كل المزيج التفاعلي: - لدينا مما سبق التقدم الأعظمي للتفاعل في كل أنبوب اختبار هو $x_{\max} = 0,05 \text{ mol}$ ، وعند جمع الأنابيب العشر في دورق واحد يكون التقدم الأعظمي للتفاعل هو $x_{\max} = 0,5 \text{ mol}$. - ولدينا: $x_f = \frac{x_{\max} \times r_f}{100} \rightarrow r_f = \frac{x_f}{x_{\max}} \times 100$ فيكون: $x_f = \frac{0,5 \times 60}{100}$ أي: $x_f = 0,3 \text{ mol}$ - فيصبح جدول تقدم التفاعل للمزيج الكلي: <table border="1"> <tr> <th colspan="2">معادلة التفاعل</th> <th colspan="4">$\text{CH}_3\text{COOH}_{(l)} + \text{C}_4\text{H}_9\text{OH}_{(l)} = \text{CH}_3\text{COOC}_4\text{H}_9_{(l)} + \text{H}_2\text{O}_{(l)}$</th> </tr> <tr> <th>الحالة</th> <th>التقدم (mol)</th> <th colspan="4">كميات المادة (mol)</th> </tr> <tr> <td>ابتدائية</td> <td>$x = 0$</td> <td>0,5</td> <td>0,5</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>انتقالية</td> <td>x</td> <td>$0,5 - x$</td> <td>$0,5 - x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>نهائية</td> <td>x_f</td> <td>0,2</td> <td>0,2</td> <td>0,3</td> <td>0,3</td> </tr> </table> - عند إضافة 0,2 mol من الماء لهذا المزيج يكون كسر التفاعل الابتدائي: $Q_{r,i} = \frac{n_{0(\text{C}_4\text{H}_9\text{OH})} \times n_{0(\text{H}_2\text{O})}}{n_{0(\text{CH}_3\text{COOH})} \times n_{0(\text{C}_4\text{H}_9\text{OH})}}$ بالتعويض: $Q_{r,i} = \frac{0,3 \times 0,5}{0,2 \times 0,2}$ نجد: $Q_{r,i} = 3,75$ - الكحول المستعمل ثانوي فيكون $K = 2,25$ ، و بما أن $Q_{r,i} < K$ فإن الجملة الكيميائية تتطور تلقائيا في الاتجاه غير المباشر (إماهة الأستر).	معادلة التفاعل		$\text{CH}_3\text{COOH}_{(l)} + \text{C}_4\text{H}_9\text{OH}_{(l)} = \text{CH}_3\text{COOC}_4\text{H}_9_{(l)} + \text{H}_2\text{O}_{(l)}$				الحالة	التقدم (mol)	كميات المادة (mol)				ابتدائية	$x = 0$	0,5	0,5	0	0	انتقالية	x	$0,5 - x$	$0,5 - x$	x	x	نهائية	x_f	0,2	0,2	0,3	0,3
معادلة التفاعل		$\text{CH}_3\text{COOH}_{(l)} + \text{C}_4\text{H}_9\text{OH}_{(l)} = \text{CH}_3\text{COOC}_4\text{H}_9_{(l)} + \text{H}_2\text{O}_{(l)}$																														
الحالة	التقدم (mol)	كميات المادة (mol)																														
ابتدائية	$x = 0$	0,5	0,5	0	0																											
انتقالية	x	$0,5 - x$	$0,5 - x$	x	x																											
نهائية	x_f	0,2	0,2	0,3	0,3																											

0,75	0,25 0,25 0,25	التمرين التجريبي: (06 نقاط) I- الفوج الأول: التعرف على العناصر الكهربائية المجهولة: 1- طبيعة كل عنصر من العناصر X, Y, Z: - بما أن المصباح (L_1) تأخر في التوهج وشدة التيار الكهربائي تزايدت من 0 إلى قيمة أعظمية فإن العنصر X عبارة عن وشيعة. - بما أن المصباح (L_2) توهج مباشرة و شدة التيار الكهربائي لم تتغير بين اللحظتين $t = +\infty$ و $t = 0$ فإن العنصر Y عبارة عن ناقل أومي. - بما أن المصباح (L_3) توهج مباشرة و شدة التيار الكهربائي تناقصت من قيمة أعظمية إلى 0 فإن العنصر Z عبارة عن مكثفة.
0,25	0,25	2- إثبات أن المقاومة الكهربائية للمصباح الواحد هي $R_0 = 10\Omega$: بالنسبة للمصباح (L_3)، عند اللحظة $t = 0$ يكون: $u_c(0) = 0$، وحسب قانون جمع التوترات: أي: $u_c(0) + u_{R_0}(0) = E \rightarrow u_{R_0}(0) = E \rightarrow R_0 I_0 = E$ ومنه: $R_0 = 10\Omega$
0,5	0,25 0,25	3- قيمة كل من مقاومة الناقل الأومي R والمقاومة الداخلية للوشيعة r: - بالنسبة للمصباح (L_2)، عند اللحظة $t = 0$ يكون: $u_R(0) + u_{R_0}(0) = E \rightarrow R I_0 + R_0 I_0 = E$ أي: $R = \frac{E}{I_0} - R_0$ بالتعويض: $R = \frac{9}{0,15} - 10$ نجد: $R = 50\Omega$ - بالنسبة للمصباح (L_1)، عند اللحظة $t = +\infty$ يكون: $u_b + u_{R_0} = E \rightarrow r I_0 + L \frac{di}{dt} + R_0 I_0 = E$ أي: $r = \frac{E}{I_0} - R_0$ بالتعويض: $r = \frac{9}{0,45} - 10$ نجد: $r = 10\Omega$
0,5	0,25 0,25	II- الفوج الثاني: تطور شدة التيار في دارة كهربائية: 1- تمثيل جهة التيار الكهربائي ومختلف التوترات الكهربائية لكل من وضعي البادلة: - الظاهرة المحققة في الوضع (1) هي: شحن مكثفة. - الظاهرة المحققة في الوضع (2) هي: تأسيس التيار في الدارة RL. 
0,5	0,25	2- المعادلة التفاضلية بدلالة $i(t)$: - البادلة في الوضع (1): بتطبيق قانون جمع التوترات: $\frac{1}{C} \frac{dq}{dt} + R_{eq} \frac{di}{dt} = 0$ نجد بالاستقراق $u_c(t) + u_{R_{eq}}(t) = E \rightarrow \frac{q}{C} + R_{eq} i(t) = E$ بالقسمة على R_{eq}: $\frac{1}{R_{eq} C} i(t) + \frac{di}{dt} = 0 \dots\dots (*)$

	0,25	- البادلة في الوضع (2): بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_b + u_R = E \rightarrow L \frac{di}{dt} + r i(t) + R i(t) = E$ بالقسمة على L: $\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L} i(t) = \frac{E}{L}$(**)
1	0,25 0,25 0,25 0,25	3- إيجاد عبارة كل من I_0'، τ_1، τ_2 بدلالة ثوابت الدارة: - البادلة في الوضع (1): حل المعادلة التفاضلية (*) من الشكل: $i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau_1}}$ أي: $\frac{di}{dt} = -\frac{I_0}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}}$ بالتعويض في المعادلة (*): $-\frac{I_0}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{1}{R_{eq} \cdot C} I_0 e^{-\frac{t}{\tau_1}} = 0 \rightarrow I_0 e^{-\frac{t}{\tau_1}} \left(\frac{1}{R_{eq} \cdot C} - \frac{1}{\tau_1} \right) = 0$ ومنه: $0 = \left(\frac{1}{R_{eq} \cdot C} - \frac{1}{\tau_1} \right)$ أي: $\tau_1 = R_{eq} \cdot C = (R + R') \cdot C$ ولدينا عند اللحظة $t = 0$: $R_{eq} \cdot I_0 = E$ أي: $I_0 = \frac{E}{R_{eq}} = \frac{E}{R + R'}$ - البادلة في الوضع (2): حل المعادلة التفاضلية (*) من الشكل: $i(t) = I_0' \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right) = I_0' - I_0' e^{-\frac{t}{\tau_2}}$ أي: $\frac{di}{dt} = \frac{I_0'}{\tau_2} e^{-\frac{t}{\tau_2}}$ ، بالتعويض في المعادلة (*): $\frac{I_0'}{\tau_2} e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{R+r}{L} I_0' - \frac{R+r}{L} I_0' e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{E}{L}$ ومنه: $0 = \left(\frac{1}{\tau_2} - \frac{R+r}{L} \right) I_0' + \frac{R+r}{L} I_0' - \frac{E}{L}$ فنجد: $\begin{cases} \tau_2 = \frac{L}{R+r} \\ I_0' = \frac{E}{R+r} \end{cases}$ أي:
1	1	4- تحديد كل من I_0'، τ_1، τ_2: اعتمادا على البيان نجد: $I_0 = 60mA$ ، $\tau_1 = 1ms$ ، $I_0' = 150mA$ و $\tau_2 = 0,5ms$
1	0,25 0,25 0,25 0,25	5- استنتاج قيمة كل من: - مقاومة الناقل الأومي R': لدينا: $I_0 = \frac{E}{R + R'} \rightarrow R' = \frac{E}{I_0} - R = \frac{9}{60 \times 10^{-3}} - 50$ نجد: $R' = 100\Omega$ - سعة المكثفة C: لدينا: $\tau_1 = (R + R') \cdot C \rightarrow C = \frac{\tau_1}{R + R'} = \frac{1 \times 10^{-3}}{100 + 50}$ نجد: $C = 6,67 \times 10^{-6} F = 6,67 \mu F$ - المقاومة الداخلية للوشية r: لدينا: $I_0' = \frac{E}{R + r} \rightarrow r = \frac{E}{I_0'} - R = \frac{9}{150 \times 10^{-3}} - 50$ نجد: $r = 10\Omega$ - ذاتية الوشية L: لدينا: $\tau_2 = \frac{L}{R + r} \rightarrow L = \tau_2 (R + r) = 0,5 \times 10^{-3} (10 + 50)$ نجد: $L = 30 \times 10^{-3} H$
0,5	0,25 0,25	6- الطاقة الأعظمية المخزنة في كل من: - المكثفة: $E_{C_0} = \frac{1}{2} C E^2 = \frac{1}{2} \times 6,67 \times 9^2$ نجد: $E_{C_0} = 270.13 \mu J = 2,7 \times 10^{-4} J$ - الوشية: $E_{L_0} = \frac{1}{2} L I_0'^2 = \frac{1}{2} \times 30 \times 10^{-3} \times (150 \times 10^{-3})^2$ نجد: $E_{L_0} = 0,3375 mJ = 3,37 \times 10^{-4} J$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)																	
المجموع	مجزأة																		
0,5	0,25	التمرين الأول (06 نقاط) I- دراسة الحركة على المستوي المائل: 1. القوى المؤثرة على السيارة: قوة الثقل $\vec{P}$ ، قوة الاحتكاك $\vec{f}$ قوة دفع المحرك $\vec{F}$ ، قوة فعل السطح $\vec{R}$ 																	
	0,25																		
0,5	0,25	2. اعتمادا على البيان: تحديد طبيعة الحركة : السرعة ثابتة $v=20\text{m.s}^{-1}=cte$ و التسارع $a=0$ أي $a.v=0$ ومنه الحركة مستقيمة منتظمة. حساب المسافة المقطوعة AB : المسافة المقطوعة بيانيا تمثل مساحة الجزء المحصور بين مخطط السرعة و محور الزمن : $AB=20 \times 20 = 400\text{ m}$.																	
	0,25																		
0,75	0,25	3. إيجاد عبارة القوة F بدلالة α ، g ، m و f: الجملة المدروسة: سيارة المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليلي. القوى المؤثرة: $\vec{P}, \vec{R}, \vec{f}, \vec{F}$ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: $\sum \vec{F}_{ext} = m.\vec{a}$ ومنه $\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} + \vec{F} = \vec{0}$ بالإسقاط وفق محور الحركة نجد : $-P.\sin\alpha - f + F = 0$ إذن $F = f + P.\sin\alpha$ تطبيق عددي: $F = 500 + 3500 \times 10 \times \sin 15^\circ = 9559\text{ N}$																	
	0,25																		
	0,25																		
1	0,5	II- دراسة الحركة على المستوي الأفقي: 1. استنتاج المعادلتين الزمنيتين للحركة $x(t)$ و $v(t)$: <table><tr><th>المعادلة الزمنية للموضع $x(t)$</th><th>المعادلة الزمنية للسرعة $v(t)$</th><th></th></tr><tr><td>$x_0 = 0\text{ m}$</td><td>$v_0 = v_B = 20\text{ m/s}$</td><td>الشروط الابتدائية $t=0$</td></tr><tr><td>$v(t) = \frac{dx}{dt} = 2t + 20$</td><td>$a = \frac{dv}{dt} = 2\text{ m.s}^{-2}$</td><td rowspan="2">المعادلات الزمنية</td></tr><tr><td>بالتكامل نجد :</td><td>بالتكامل نجد:</td></tr><tr><td>$x(t) = \left(\frac{1}{2}\right) 2 t^2 + 20 t + x_0$</td><td>$v(t) = 2 t + v_0$</td><td></td></tr><tr><td>ومنه: $x(t) = t^2 + 20 t$</td><td>ومنه: $v(t) = 2 t + 20$</td><td></td></tr></table>	المعادلة الزمنية للموضع $x(t)$	المعادلة الزمنية للسرعة $v(t)$		$x_0 = 0\text{ m}$	$v_0 = v_B = 20\text{ m/s}$	الشروط الابتدائية $t=0$	$v(t) = \frac{dx}{dt} = 2t + 20$	$a = \frac{dv}{dt} = 2\text{ m.s}^{-2}$	المعادلات الزمنية	بالتكامل نجد :	بالتكامل نجد:	$x(t) = \left(\frac{1}{2}\right) 2 t^2 + 20 t + x_0$	$v(t) = 2 t + v_0$		ومنه: $x(t) = t^2 + 20 t$	ومنه: $v(t) = 2 t + 20$	
	المعادلة الزمنية للموضع $x(t)$		المعادلة الزمنية للسرعة $v(t)$																
$x_0 = 0\text{ m}$	$v_0 = v_B = 20\text{ m/s}$	الشروط الابتدائية $t=0$																	
$v(t) = \frac{dx}{dt} = 2t + 20$	$a = \frac{dv}{dt} = 2\text{ m.s}^{-2}$	المعادلات الزمنية																	
بالتكامل نجد :	بالتكامل نجد:																		
$x(t) = \left(\frac{1}{2}\right) 2 t^2 + 20 t + x_0$	$v(t) = 2 t + v_0$																		
ومنه: $x(t) = t^2 + 20 t$	ومنه: $v(t) = 2 t + 20$																		
0,5																			

0,75	0,25 0,25 0,25	2. التأكد إذا تجاوز السائق السرعة المحددة أم لا: نحسب سرعة السيارة في الموضع C : نعلم أن $v_C^2 - v_B^2 = 2.a.BC$ ومنه $v_C^2 = 2.a.BC + v_B^2$ $v_C = \sqrt{2.a.BC + v_B^2} = \sqrt{2 \times 2 \times 100 + 20^2} = 28,28 \text{ m/s} = 28,28 \times \frac{3600}{10^3} \text{ Km/h}$ ومنه $v_C = 101,8 \text{ Km/h}$ إذن السائق لم يتجاوز السرعة المحددة.
0,5	0,25 0,25	III- طريقة اشتغال الرادار: 1. كتابة المعادلة التفاضلية بدلالة التوتر بين طرفي المقاومة المكافئة عند تفريغ المكثفة: باستعمال قانون جمع التوترات نجد: $u_{R_{eq}} + u_C = 0$ حيث $u_C = \frac{1}{C}.q$ بالتعويض: $u_{R_{eq}} + \frac{1}{C}.q = 0$ بالاشتقاق نجد: $\frac{du_{R_{eq}}}{dt} + \frac{1}{C}.i = 0$ ومنه نجد $i = \frac{dq}{dt}$ حيث: $\frac{du_{R_{eq}}}{dt} + \frac{1}{C} \cdot \frac{dq}{dt} = 0$ من قانون أوم $u_{R_{eq}} = R_{eq}.i$ ومنه: $i = \frac{u_{R_{eq}}}{R_{eq}}$ ومنه نجد: $\frac{du_{R_{eq}}}{dt} + \frac{1}{R_{eq}.C}.u_{R_{eq}} = 0$
0,5	0,25 0,25	2. إيجاد عبارة كل من $U_{R_{eqmax}}$ و τ انطلاقا من الحل $u_{R_{eq}}(t) = -U_{R_{eqmax}}.e^{-\frac{t}{\tau}}$: - إيجاد عبارة ثابت الزمن τ : بالاشتقاق الحل $\frac{du_{R_{eq}}(t)}{dt} = +\frac{U_{R_{eqmax}}}{\tau}.e^{-\frac{t}{\tau}}$ والتعويض في المعادلة التفاضلية: $U_{R_{eqmax}}.e^{-\frac{t}{\tau}} \left(\frac{1}{\tau} - \frac{1}{R_{eq}.C} \right) = 0$ ومنه $\frac{U_{R_{eqmax}}}{\tau}.e^{-\frac{t}{\tau}} - \frac{1}{R_{eq}.C}.U_{R_{eqmax}}.e^{-\frac{t}{\tau}} = 0$ إذن $\frac{1}{\tau} = \frac{1}{R_{eq}.C}$ وبالتالي $\tau = R_{eq}.C = (R+r).C$ - إيجاد عبارة التوتر الأعظمي بين طرفي المقاومة المكافئة $U_{R_{eqmax}}$: من قانون جمع التوترات لما $t = 0$ يكون: $u_R(0) + u_r(0) + u_C(0) = 0$ ومنه $u_{R_{eq}}(0) + u_C(0) = 0$ بالتالي $u_{R_{eq}}(0) = -u_C(0) = U_0$ إذن $u_{R_{eqmax}} = U_0$
0,5	0,25 0,25	3. 1. وضع سلم لمحور الفواصل: عند اللحظة $t = \tau$ يكون $i(t = \tau) = 0,37I_0 = 0,37 \times 2 = 0,74 \text{ A}$ ومنه بالإسقاط على البيان: $1 \text{ cm} \rightarrow \tau = 20 \text{ ms}$
0,5	0,25 0,25	2.3. حساب مقاومة المصباح r :

		$r = 50\Omega$ إذن $r = \frac{300}{2} - 100 = 50\Omega$ ومنه $r = \frac{E}{I_0} - R$ ومنه $I_0 = \frac{E}{R+r}$ لدينا																														
0,25	0,25	3.3. حساب سعة المكثفة C : $C = 1,33 \times 10^{-6} \mu F$ ومنه $C = \frac{\tau}{R+r} = \frac{20 \times 10^{-3}}{100+50} = 1,33 \times 10^{-6} \mu F$ ومنه $\tau = (R+r).C$																														
0,25	0,25	4. نعم من الواجب على عناصر الدرك الوطني الاعتذار لهذا السائق لأن سعة مكثفة الرادار أقل من القيمة المسجلة عليها وبالتالي فالمكثفة تتفرغ بفعل سرعات أقل من القيمة المحددة.																														
0,5	0,25	التمرين الثاني (04 نقاط) 1.1. تحديد منحى تطوّر الجملة الكيميائية المدروسة: $Qr_i = \frac{[Al^{3+}]_0^2}{[Cu^{2+}]_0^3} = \frac{C_0^2}{C_0^3} = \frac{1}{C_0} = \frac{1}{50 \times 10^{-3}} = 20$ نحسب كسر التفاعل الابتدائي: $Qr_i < K$ تتطور المجموعة الكيميائية المكونة العمود في الاتجاه المباشر.																														
0,75	0,25 0,25 0,25	2.1. تحديد قطبي العمود: - عند مسرى النحاس يحدث تفاعل إرجاع حسب المعادلة النصفية: $Cu_{(aq)}^{2+} + 2e^- \rightarrow Cu_{(s)}$ - عند مسرى الألمنيوم يحدث تفاعل أكسدة حسب المعادلة النصفية: $Al_{(s)} \rightarrow Al_{(aq)}^{3+} + 3e^-$ كتابة الرمز الاصطلاحي له: $(-) Al / Al^{3+} // Cu^{2+} / Cu (+)$																														
0,5	0,5	3.1. جهة التيار الكهربائي وجهة حاملات الشحنة خارج العمود ودخله: 																														
0,25	0,25	1.2. جدول تقدّم التفاعل: <table><tr><th colspan="2">معادلة التفاعل</th><th colspan="4">$3Cu_{(aq)}^{2+} + 2Al_{(s)} = 3Cu_{(s)} + 2Al_{(aq)}^{3+}$</th></tr><tr><th>ح ج</th><th>التقدم (mol)</th><th colspan="4">كميات المادة</th></tr><tr><td>$t = 0$</td><td>$x = 0$</td><td>$C_0.V_0$</td><td>$n_0(Al)$</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>t</td><td>x</td><td>$C_0.V_0 - 3x$</td><td>$n_0(Al) - 2x$</td><td>$3x$</td><td>$2x$</td></tr><tr><td>t_f</td><td>x_m</td><td>$C_0.V_0 - 3x_m$</td><td>$n_0(Al) - 2x_m$</td><td>$3x_m$</td><td>$2x_m$</td></tr></table>	معادلة التفاعل		$3Cu_{(aq)}^{2+} + 2Al_{(s)} = 3Cu_{(s)} + 2Al_{(aq)}^{3+}$				ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة				$t = 0$	$x = 0$	$C_0.V_0$	$n_0(Al)$	0	0	t	x	$C_0.V_0 - 3x$	$n_0(Al) - 2x$	$3x$	$2x$	t_f	x_m	$C_0.V_0 - 3x_m$	$n_0(Al) - 2x_m$	$3x_m$	$2x_m$
معادلة التفاعل		$3Cu_{(aq)}^{2+} + 2Al_{(s)} = 3Cu_{(s)} + 2Al_{(aq)}^{3+}$																														
ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة																														
$t = 0$	$x = 0$	$C_0.V_0$	$n_0(Al)$	0	0																											
t	x	$C_0.V_0 - 3x$	$n_0(Al) - 2x$	$3x$	$2x$																											
t_f	x_m	$C_0.V_0 - 3x_m$	$n_0(Al) - 2x_m$	$3x_m$	$2x_m$																											
0,5		2.2. إيجاد عبارة $[Cu^{2+}]$ عند اللحظة t بدلالة t, V_0, F, C_0, I :																														

	0,25	من جدول التّقدم في لحظة t: $n(Cu^{2+}) = C_0V_0 - 3x$ ومنه $[Cu^{2+}] = \frac{C_0V_0 - 3x}{V_0} = C_0 - \frac{3x}{V_0}$ نعلم أنّ $q = It = Z.x.F$ ومنه $x = \frac{I}{Z.F}.t$ حيث Z هو عدد الالكترونات المتبادلة خلال تفاعل الأكسدة الإرجاعية وهي 6. ومنّه $[Cu^{2+}] = -\frac{I}{2V_0F}.t + C_0 \dots (*)$
	0,25	
0,75	0,25	3.2. استنتاج قيمة شدّة التيار I المارّ في الدارة: البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $[Cu^{2+}] = a.t + b$ تصبح المعادلة $[Cu^{2+}] = -2 \times 10^{-5}.t + 5 \times 10^{-2}$ بالمطابقة مع العلاقة (*) نجد $\frac{I}{2V_0F} = a$ ومنه $I = 2.a.V_0.F$ تطبيق عددي: $I = 2 \times (2 \times 10^{-5}) \times (50 \times 10^{-3}) \times 96500$ إذن: $I = 0,193 A$
	0,25	
	0,25	
0,75	0,25	3. - ايجاد بدلالة M, t_c, I والتّغير لكتلة صفيحة الألمنيوم في هذه اللحظة: من جدول التّقدم $n_f(Al) = n_0(Al) - 2x_m$ ومنه $n_f(Al) - n_0(Al) = -2x_m$ إذن $\Delta n(Al) = \frac{\Delta m}{M(Al)} = -2x_m$ و بالتالي: $\Delta m = 2.M(Al).x_m$ من جهة أخرى $x_m = \frac{I}{6.F}.t_c$ ومنه بالتعويض نجد: $\Delta m = \frac{M(Al).I}{3.F}.t_c$ تطبيق عددي: $\Delta m = \frac{27 \times 0,193}{3 \times 96500} \times (500 \times 5) = 0,045 g$ ومنه $\Delta m = 0,045 g$
	0,25	
	0,25	
0,5	0,5	التمرين الثالث: (04 نقاط) I- دراسة نواة اليورانيوم : 1. العائلة المشعة: هي مجموعة الأنوية المشعة غير المستقرة الناتجة عن التفككات المتتالية بدءاً من النواة الأم إلى غاية النواة البنت المستقرة.
	0,25	1. تحديد العددين x و y المشار إليهما في المعادلة السابقة بتطبيق قانوني الانحفاظ لصودي: - انحفاظ العدد الكتلي A : $238 = 206 + 4y \Rightarrow y = 8$ - انحفاظ العدد الشّحني Z : $92 = 82 - x + 2y \Rightarrow x = 6$ ومنّه تصبح المعادلة:
	0,25	${}_{92}^{238}U \rightarrow {}_{82}^{206}Pb + 6 {}_{-1}^0e + 8 {}_2^4He$
0,5		2. تركيب نواة اليورانيوم ${}_{92}^{238}U$

	0,25 0,25	- عدد البروتونات: $Z = 92$ - عدد النيوترونات: $N = A - Z = 238 - 92 = 146$
1	0,5 0,25 0,25	3. حساب طاقة الربط لنواة اليورانيوم $^{238}_{92}U$: $E_{\ell} (^{238}_{92}U) = (A.m_p + (A - Z)m_n - m(^{238}_{92}U)).C^2$ $E_{\ell} (^{238}_{92}U) = (238 \times 1,00728 + 146 \times 1,00866 - 238,00031) \times 931,5$ ومنه: $E_{\ell} (^{238}_{92}U) = 1801,34 \text{ MeV}$ $\left\{ \begin{array}{l} \frac{E_{\ell} (^{238}_{92}U)}{A} = \frac{1801,34}{238} = 7,57 \text{ MeV / nucléon} \\ \frac{E_{\ell} (^{206}_{82}Pb)}{A} = 7,87 \text{ MeV / nucléon} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{E_{\ell} (^{238}_{92}U)}{A} < \frac{E_{\ell} (^{206}_{82}Pb)}{A}$ ومنه نواة الرصاص $^{206}_{82}Pb$ أكثر استقراراً من النواة $^{238}_{92}U$.
	0,5 0,5	II- تأريخ صخرة معدنية بواسطة اليورانيوم - الرصاص: 1. خصائص النشاط الإشعاعي: تلقائي، حتمي، عشوائي، ومستقل عن العوامل الخارجية (مثل الضغط ودرجة الحرارة).
	0,25 0,25 0,75 0,25	2. إثبات علاقة عمر الصخرة المعدنية t : من قانون التناقص الإشعاعي ومن العلاقة المعطاة نجد: $\begin{cases} N_U(t) = N_0.e^{-\lambda.t} \dots\dots (*) \\ N_U(0) = N_U(t) + N_{Pb}(t) \dots\dots (1) \end{cases}$ بتعويض العلاقة (*) في العلاقة (1) نجد: $\Rightarrow N_U(t) = (N_U(t) + N_{Pb}(t)).e^{-\lambda.t}$ $e^{-\lambda.t} = \frac{N_U(t)}{N_U(t) + N_{Pb}(t)} \Rightarrow -\lambda.t = \ln \left(\frac{N_U(t)}{N_U(t) + N_{Pb}(t)} \right)$ $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(\frac{N_U(t) + N_{Pb}(t)}{N_U(t)} \right) \Rightarrow t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(1 + \frac{N_{Pb}(t)}{N_U(t)} \right)$ $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln \left(1 + \frac{\frac{m_{Pb}(t)}{M(^{206}_{82}Pb)}}{\frac{m_U(t)}{M(^{238}_{92}U)}} \right) = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln \left(1 + \frac{m_{Pb}(t)}{M(^{206}_{82}Pb)} \times \frac{m_U(t)}{M(^{238}_{92}U)} \right)$ ومنه: $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln \left(1 + \frac{m_{Pb}(t).M(^{238}_{92}U)}{m_U(t).M(^{206}_{82}Pb)} \right)$ وهو المطلوب
	0,25	3. حساب t بالسنة:

	0,25	$t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \left(1 + \frac{m_{Pb}(t) \cdot M(^{238}_{92}U)}{m_U(t) \cdot M(^{206}_{82}Pb)} \right) = \frac{4,5 \times 10^9}{\ln 2} \cdot \ln \left(1 + \frac{1 \times 238}{100 \times 206} \right)$ $t = 7,5 \times 10^4 \text{ ans}$																														
0,5	0,25	التمرين التجريبي: (06 نقاط) I- التجربة الأولى: دراسة حركية التفاعل: 1. كتابة معادلة تفاعل الأكسدة الإرجاعية الحادث: $Mg_{(s)} = Mg_{(aq)}^{2+} + 2e^-$ المعادلة النصفية للأكسدة: $2 H_3O^+_{(aq)} + 2e^- = H_{2(g)} + 2 H_2O_{(l)}$ المعادلة النصفية للإرجاع: $2 H_3O^+_{(aq)} + Mg_{(s)} = H_{2(g)} + Mg_{(aq)}^{2+} + 2 H_2O_{(l)}$ معادلة الأكسدة الإرجاعية: $2 H_3O^+_{(aq)} + Mg_{(s)} = H_{2(g)} + Mg_{(aq)}^{2+} + 2 H_2O_{(l)}$ - جدول تقدّم التفاعل: <table><tr><th colspan="2">معادلة التفاعل</th><th colspan="4">$2 H_3O^+_{(aq)} + Mg_{(s)} = H_{2(g)} + Mg_{(aq)}^{2+} + 2 H_2O_{(l)}$</th></tr><tr><th>ح ج</th><th>التقدم (mol)</th><th colspan="4">كميات المادة</th></tr><tr><td>$t = 0$</td><td>$x = 0$</td><td>$C_0 \cdot V_0$</td><td>$n_0(Mg)$</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>t</td><td>x</td><td>$C_0 \cdot V_0 - 2x$</td><td>$n_0(Mg) - x$</td><td>$3x$</td><td>$2x$</td></tr><tr><td>t_f</td><td>x_m</td><td>$C_0 \cdot V_0 - 2x_m$</td><td>$n_0(Mg) - x_m$</td><td>$3x_m$</td><td>$2x_m$</td></tr></table>	معادلة التفاعل		$2 H_3O^+_{(aq)} + Mg_{(s)} = H_{2(g)} + Mg_{(aq)}^{2+} + 2 H_2O_{(l)}$				ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة				$t = 0$	$x = 0$	$C_0 \cdot V_0$	$n_0(Mg)$	0	0	t	x	$C_0 \cdot V_0 - 2x$	$n_0(Mg) - x$	$3x$	$2x$	t_f	x_m	$C_0 \cdot V_0 - 2x_m$	$n_0(Mg) - x_m$	$3x_m$	$2x_m$
معادلة التفاعل		$2 H_3O^+_{(aq)} + Mg_{(s)} = H_{2(g)} + Mg_{(aq)}^{2+} + 2 H_2O_{(l)}$																														
ح ج	التقدم (mol)	كميات المادة																														
$t = 0$	$x = 0$	$C_0 \cdot V_0$	$n_0(Mg)$	0	0																											
t	x	$C_0 \cdot V_0 - 2x$	$n_0(Mg) - x$	$3x$	$2x$																											
t_f	x_m	$C_0 \cdot V_0 - 2x_m$	$n_0(Mg) - x_m$	$3x_m$	$2x_m$																											
0,25	0,25	2. السّلم الخاص بكمية مادة المغنيزيوم في بيان الشكل (8): من بيان الشكل (7): $m_0 = 2,4 \text{ g}$ و نعلم أنّ: $n_0(Mg) = \frac{m_0}{M}$ ومنه: $n_0(Mg) = \frac{2,4}{24} = 0,1 \text{ mol}$ $n_0(Mg) = 10 \times 10^{-2} \text{ mol}$ إذن: $4 \text{ cm} \rightarrow 10 \times 10^{-2} \text{ mol}$ ومنه: $1 \text{ cm} \rightarrow 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol}$																														
0,75	0,25	3. إثبات علاقة $n(Mg)$: من جدول التقدم في لحظة t: $\begin{cases} n(Mg) = n_0(Mg) - x \dots (1) \\ n(H_3O^+) = C_0 \cdot V_0 - 2x \dots (2) \end{cases}$ من العلاقة (2) نجد: $[H_3O^+] = C_0 - \frac{2x}{V_0}$ ومنه: $x = \frac{V_0}{2} (C_0 - [H_3O^+])$ بالتعويض في (1): $n(Mg) = n_0(Mg) - \frac{V_0}{2} (C_0 - [H_3O^+])$ ومنه: $n(Mg) = \frac{m_0}{M} - \frac{V_0}{2} (C_0 - [H_3O^+])$ وهو المطلوب. - إيجاد بيانيا حجم المزيج التفاعلي V_0: البيان عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $n(Mg) = a \cdot (C_0 - [H_3O^+]) + b$ حيث هو الميل حسابه: $a = \frac{(10 - 5) \times 10^{-2}}{(0 - 500) \times 10^{-3}} = -0,1$ بمطابقة العلاقة البيانية مع العلاقة النظرية نجد: $-a = \frac{V_0}{2}$ ومنه $V_0 = -2 \cdot a = -2 \times (-0,1) = 0,2 \text{ L} = 200 \text{ mL}$ إذن $V_0 = 0,2 \text{ L} = 200 \text{ mL}$																														

0,5	0,25	4. إثبات علاقة $m_{1/2}$: من تعريف زمن نصف التفاعل لما $t = t_{1/2}$ يكون $x_{1/2} = \frac{x_m}{2}$ من جدول التقدم في لحظة t لدينا: $n(Mg) = n_0(Mg) - x$ ومنه نجد: $\begin{cases} n_{1/2}(Mg) = n_0(Mg) - x_{1/2} \dots (3) \\ n_f(Mg) = n_0(Mg) - x_m \dots (4) \end{cases}$ من العلاقة (4) نجد: $x_m = n_0(Mg) - n_f(Mg)$ بالتعويض في العلاقة (3) نجد: $n_{1/2} = n_0 - x_{1/2} = n_0 - \frac{x_m}{2} = n_0 - x_m = n_0 - \frac{n_0 - n_f}{2}$ ومنه: $n_{1/2} = \frac{n_0 + n_f}{2}$ وبالتالي نجد $n_{1/2} = \frac{m_{1/2}}{M} = \frac{\frac{m_0}{M} + \frac{m_f}{M}}{2} = \frac{m_0 + m_f}{2}$ ومنه $m_{1/2} = \frac{m_0 + m_f}{2}$ وهو المطلوب. استنتاج $t_{1/2}$: من العلاقة السابقة: $m_{1/2} = \frac{m_0 + m_f}{2} = \frac{2,4 + 1,2}{2} = 1,8 \text{ g}$ نجد $t_{1/2} = 50 \text{ s}$
0,75	0,25	5. إثبات علاقة سرعة اختفاء شوارد (H_3O^+): من العلاقتين السابقتين $\begin{cases} n(Mg) = n_0(Mg) - x \dots (1) \\ n(H_3O^+) = C_0.V_0 - 2x \dots (2) \end{cases}$ نجد: $x = \frac{m_0}{M} - n(Mg)$ بتعويض x في (2) نجد: $n(H_3O^+) = C_0.V_0 - 2\left(\frac{m_0}{M} - n(Mg)\right)$ $n(H_3O^+) = C_0.V_0 - \frac{2.m_0}{M} + 2.n(Mg)$ ونعلم أن $v(H_3O^+) = -\frac{dn(H_3O^+)}{dt}$ بالتعويض: $v(H_3O^+) = -2 \cdot \frac{dn(Mg)}{dt}$ ومنه $v(H_3O^+) = -\frac{d}{dt}\left(C_0.V_0 - \frac{2.m_0}{M} + 2.n(Mg)\right)$ وبالتالي: $v(H_3O^+) = \frac{-2}{M} \cdot \frac{dm(Mg)}{dt}$ وهو المطلوب. - حساب قيمتها عند اللحظة $t = 0$: من البيان شكل (7): $v(H_3O^+) = \frac{-2}{24} \cdot \left(\frac{0 - 2,4}{150 - 0}\right)$ ومنه $v(H_3O^+) = 1,33 \times 10^{-3} \text{ mol.s}^{-1}$
0,5	0,25	II - التجربة الثانية: المتابعة الزمنية عن طريق قياس الناقلية للتفاعل: 1. تعيين التقدم الأعظمي x_m واستنتاج المتفاعل المحدّد: - بالإسقاط على بيان الشكل (9) نجد: $x_m = 10 \text{ mmol} = 0,01 \text{ mol}$

	0,25	-استنتاج المتفاعل المحدد: من جدول التقدم السابق لدينا في الحالة النهائية: $n_f(Mg) = n_0(Mg) - x_m = \frac{2,4}{24} - 10 \times 10^{-3} = 9,9 \times 10^{-2} \neq 0$ ومنه Mg ليس متفاعل محدد. إذن المتفاعل المحدد هو شوارد H_3O^+.
0,5	0,25	2. إيجاد قيمة التركيز المولي C_1 : المتفاعل المحدد هو شوارد H_3O^+ ومنه من جدول التقدم نكتب: $n_f(H_3O^+) = C_1 V_1 - 2x_m = 0$ نجد $C_1 = \frac{2x_m}{V_1} = \frac{2 \times 10 \times 10^{-3}}{0,4}$ ومنه $C_1 = 0,05 \text{ mol.L}^{-1}$. إيجاد حجم الماء المضاف V_e عند تمديد المحلول (S_0) : نحسب أولاً V' : من قانون التمديد: $C_0 V' = C_1 V_1$ نجد $V' = \frac{C_1 V_1}{C_0} = \frac{0,05 \times 0,4}{0,5} = 0,04 \text{ L} = 40 \text{ mL}$ نعلم أن $V_1 = V' + V_e$ ومنه $V_e = V_1 - V' = 400 - 40$ إذن: $V_e = 360 \text{ mL} = 0,36 \text{ L}$
0,5	0,25 0,25	3. كتابة عبارة الناقلية الابتدائية G_0 : من قانون كولوروش: $G_0 = K \cdot \sigma_0 = K \cdot (\lambda_{H_3O^+} [H_3O^+]_0 + \lambda_{Cl^-} [Cl^-]_0)$ ومنه $G_0 = K \cdot C_1 (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{Cl^-})$ حساب قيمتها: $G_0 = 0,01 \times 0,05 \times (35 + 7,63)$ ومنه: $G_0 = 21,31 \times 10^{-3} \text{ S}$
0,75	0,25 0,25	4. إثبات أن التقدم في لحظة t يعطى بالعلاقة $x = A(G_0 - G)$: $\lambda_{Mg^{2+}}, \lambda_{H_3O^+}, V_1, K$: $G = K \cdot \sigma = K \cdot (\lambda_{H_3O^+} [H_3O^+] + \lambda_{Mg^{2+}} [Mg^{2+}] + \lambda_{Cl^-} [Cl^-])$ من جدول التقدم في الحالة الانتقالية نجد: $n(H_3O^+) = C_1 V_1 - 2x \Rightarrow [H_3O^+] = C_1 - \frac{2}{V_1} x$ $n(Mg^{2+}) = x \Rightarrow [Mg^{2+}] = \frac{1}{V_1} x$ $n(Cl^-) = C_1 V_1 \Rightarrow [Cl^-] = C_1$ ومنه بالتعويض في العلاقة السابقة نجد: $G = K \cdot \sigma = K \cdot \left(\lambda_{H_3O^+} \left(C_1 - \frac{2}{V_1} x \right) + \lambda_{Mg^{2+}} \left(\frac{1}{V_1} x \right) + \lambda_{Cl^-} C_1 \right)$

	0,25	$G = K \cdot \sigma = K \cdot \left(\lambda_{H_3O^+} \cdot C_1 - \frac{2 \cdot \lambda_{H_3O^+}}{V_1} \cdot x + \frac{\lambda_{Mg^{2+}}}{V_1} \cdot x + \lambda_{Cl^-} \cdot C_1 \right)$ $G = K \cdot \sigma = K \cdot C_1 \underbrace{\left(\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{Cl^-} \right)}_{G_0} + \frac{K}{V_1} \left(\lambda_{Mg^{2+}} - 2 \cdot \lambda_{H_3O^+} \right) \cdot x$ $x = \frac{V_1}{K \left(2 \cdot \lambda_{H_3O^+} - \lambda_{Mg^{2+}} \right)} (G_0 - G) \quad \text{ومنه:} \quad G_0 - G = \frac{K}{V_1} \left(2 \cdot \lambda_{H_3O^+} - \lambda_{Mg^{2+}} \right) \cdot x$ بالمطابقة مع العلاقة المعطاة نجد: $A = \frac{V_1}{K \left(2 \cdot \lambda_{H_3O^+} - \lambda_{Mg^{2+}} \right)}$
0,5	0,25	5. إيجاد قيمة الناقلية المولية الشاردية $\lambda_{Mg^{2+}}$: البيان شكل (9) خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل $x = a \cdot (G_0 - G) \dots (**)$ حساب الميل: $a = \frac{2-0}{3-0} = 0,67$ ومنه تصبح معادلة البيان: $x = 0,67 \cdot (G_0 - G)$ بمطابقة العلاقتين (*) و (**) نجد: $\frac{V_1}{K \left(2 \cdot \lambda_{H_3O^+} - \lambda_{Mg^{2+}} \right)} = a$ ومنه $a \cdot K \left(2 \cdot \lambda_{H_3O^+} - \lambda_{Mg^{2+}} \right) = V_1$ إذن: $\lambda_{Mg^{2+}} = 2 \cdot \lambda_{H_3O^+} - \frac{V_1}{a \cdot K}$ ومنه $\lambda_{Mg^{2+}} = 2 \times 35 - \frac{0,4}{0,67 \times 0,01} = 10,29 \text{ mS} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$ وبالتالي:
	0,25	6. احسب قيمة الناقلية النهائية G_f في المزيج بطريقتين مختلفتين.
0,5	0,25	7. حساب سرعة اختفاء شوارد (H_3O^+) عند اللحظة $t = 0$: نعلم أن $v(H_3O^+) = - \frac{dn(H_3O^+)}{dt}$ ومنه نقرأ من بيان الشكل (10) مباشرة فنجد: $v(H_3O^+) = -1,35 \times 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{s}^{-1}$ 0,25 - يعود الاختلاف بين قيمتي السرعتين إلى قيام التلاميذ في التجربة الثانية بتمديد المحلول فينقص تركيزه فالتراكيز الابتدائية للمتفاعلات هي عامل حركي يؤثر على سرعة التفاعل.

بالتوفيق في شهادة البكالوريا