

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على 03 صفحات (من الصفحة 1 من 6 إلى الصفحة 3 من 6)

التمرين الأول: (04 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، لتكن النقط : $A(1;1;4)$ ، $B(0;3;1)$

و $C\left(\frac{4}{3}; \frac{5}{3}; 5\right)$ والمستوي (P) الذي $x - 2y + z - 3 = 0$ معادلة له و المستقيم (Δ) الذي

$$\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 + t \\ z = 4 - 3t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$

تمثيلا وسيطيا له.

في كل سؤال توجد إجابة واحدة صحيحة من بين الاقتراحات الثلاثة ، حدّدها مع التعليل.

الإجابة أ)	الإجابة ب)	الإجابة ج)	
(Δ)	(AB)	(AC)	1 المستوي (P) يحوي المستقيم
متوازيان تماما	متقاطعان	متطابقان	2 المستويان (P) و (ABC)
A	B	C	3 المسقط العمودي للنقطة O على المستقيم (Δ) هي النقطة
متقاطعان	متوازيان	ليس من نفس المستوي	4 المستقيمان (Δ) و (AC)
مستوي	سطح كرة	مجموعة خالية	5 مجموعة النقط M من الفضاء حيث $BM^2 - 9CM^2 = 0$ هي

التمرين الثاني: (04 نقاط)

- (1) حلّ في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb{C}$ المعادلة: $9z^2 - 6\sqrt{3}z + 4 = 0$.
- (2) في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، لتكن النقطتين A و B لاحقتاهما على الترتيب:

$$z_A = \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{1}{3}i \quad \text{و} \quad z_B = \overline{z_A}$$

أ- اكتب كلاً من z_A و z_B على الشكل الأسّي.

$$\text{ب- بيّن أنّ: } \left(\frac{z_A}{z_B}\right)^{2016} + \left(\frac{z_A}{z_B}\right)^{1437} = 0$$

ج- عيّن قيم العدد الطبيعي n بحيث يكون $\left(\frac{z_A}{z_B}\right)^n$ عددا حقيقيا.

$$(3) \quad f \text{ التحويل النقطي الذي يرفق بكل نقطة } M \text{ لاحقتها } z \text{ النقطة } M' \text{ لاحقتها } z' \text{ حيث: } z' = \left(\frac{z_A}{z_B}\right)z$$

- أ- عيّن طبيعة التحويل النقطي f و عناصره المميزة.
- ب- احسب z_C لاحقة النقطة C صورة النقطة A بالتحويل f .
- ج- عيّن z_D لاحقة النقطة D حتى تكون O مركز ثقل الرباعي $ABCD$.

التمرين الثالث: (05 نقاط)

- نعتبر المعادلة (E) ذات المجهول $(x; y)$: $6x - 7y = 19$ حيث x و y عددان صحيحان.
- (1) جد الحل الخاص $(x_0; y_0)$ للمعادلة (E) بحيث $x_0 = y_0$ ، ثم حل المعادلة (E) .
- (2) استنتج قيم العدد الصحيح λ و التي تُحقّق: $\begin{cases} \lambda \equiv 24[7] \\ \lambda \equiv 5[6] \end{cases}$ ، ثم عيّن باقي قسمة العدد λ على 42.
- (3) عيّن جميع الثنائيات $(x; y)$ حلول المعادلة (E) حيث: $|x + y - 1| \leq 13$.
- (4) أ- ادرس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 5^n على 7.
- ب- عيّن مجموعة قيم العدد الطبيعي n التي تُحقّق الجملة: $\begin{cases} n - 5^n \equiv 2020[7] \\ n \equiv 1437[6] \end{cases}$.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- (I) الدالة العددية المعرفة على المجال $]-1; +\infty[$ كما يلي: $g(x) = \frac{x-1}{x+1} + \ln(x+1)$.
- (1) أ- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -1} g(x)$.
- ب- ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على المجال $]-1; +\infty[$ ثم شكّل جدول تغيّراتها.
- (2) أ- بيّن أنّ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α حيث: $0,4 < \alpha < 0,5$.
- ب- استنتج إشارة $g(x)$ على المجال $]-1; +\infty[$.

(II) الدالة العددية المعرفة على المجال $]-1; +\infty[$ كما يلي: $f(x) = 1 + (x-1)\ln(x+1)$.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ وفسر النتيجة هندسيا ثم احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(2) أ- ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $]-1; +\infty[$ ، ثم شكّل جدول تغيراتها.

ب- بين أن: $f(\alpha) = -\alpha + 4 - \frac{4}{\alpha+1}$ ثم أعط حصرا لـ $f(\alpha)$ (تُدور النتائج إلى 10^{-2}).

(3) ليكن a عدد حقيقي من المجال $]-1; +\infty[$ ، نسمي (T_a) مماس المنحنى (C) الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ عند النقطة ذات الفاصلة a .

نضع من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $]-1; +\infty[$: $h(x) = f(x) - [f'(a)(x-a) + f(a)]$.

أ- تحقق أنه من أجل كل x من $]-1; +\infty[$: $h'(x) = f'(x) - f'(a)$.

ب- باستعمال اتجاه تغير الدالة g ، عيّن إشارة $h'(x)$ حسب قيم x واستنتج اتجاه تغير h على $]-1; +\infty[$.

ج- حدّد الوضع النسبي للمنحنى (C) والمستقيم (T_a) .

(4) أ- بين أنه يوجد مماسان (T_a) يشملان النقطة $A(1;0)$ يطلب تعيين معادلتيهما.

ب- ارسم المماسين والمنحنى (C) .

(5) نعتبر الدالة H المعرفة على المجال $]-1; +\infty[$ بـ: $H(x) = \frac{1}{2}(x^2 - 2x - 3)\ln(x+1) - \frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{2}x$.

أ- بين أن الدالة H دالة أصلية للدالة $(x-1)\ln(x+1)$ على المجال $]-1; +\infty[$.

ب- احسب مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى (C) والمستقيمت التي معادلاتها: $x=1$ ، $y=0$ و $x=2$.

الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على 03 صفحات (من الصفحة 4 من 6 إلى الصفحة 6 من 6)

التمرين الأول: (05 نقاط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $[1; +\infty[$ بـ: $f(x) = \frac{x^2}{2x-1}$



(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم

المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، (الشكل المقابل).

(1) بين أن الدالة f متزايدة تماماً على المجال $[1; +\infty[$.

(2) لتكن المتتالية العددية (u_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ بـ:

$$u_0 = 6 \text{ و من أجل كل عدد طبيعي } n, u_{n+1} = f(u_n).$$

أ- انقل المنحنى المقابل ثم مثل الحدود الأربعة الأولى

للمتتالية (u_n) على حامل محور الفواصل (دون حسابها)

موضحاً خطوط الإنشاء.

ب- أعط تخميناً حول اتجاه تغير المتتالية (u_n) و تقاربها.

ج- برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي $n: 1 \leq u_n \leq 6$.

د- ادرس اتجاه تغير المتتالية (u_n) .

هـ- برّر تقارب المتتالية (u_n) .

(3) نعتبر المتتاليتين العدديتين (v_n) و (w_n) المعرفة على $\mathbb{N}$ بـ: $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n}$ و $w_n = \ln(v_n)$.

أ- برهن أن (w_n) متتالية هندسية أساسها 2، يطلب تعيين حدّها الأول.

ب- اكتب w_n بدلالة n ثم v_n بدلالة n .

ج- بين أن: $u_n = \frac{1}{1 - \left(\frac{5}{6}\right)^{2^n}}$ ، ثم أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

(4) احسب بدلالة n المجموع التالي: $S_n = \frac{1}{w_0} + \frac{1}{w_1} + \dots + \frac{1}{w_n}$.

التمرين الثاني: (04,5 نقطة)

(I) حل في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb{C}$ المعادلة ذات المجهول z الآتية:

$$(z^2 - 2\sqrt{2}z + 4)(2z - \sqrt{2}) = 0.$$

(2) اكتب الحلول على الشكل الأسّي.

(II) المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$. نعتبر النقط A ، B و C من المستوي التي لواحقتها

$$\text{على الترتيب: } a = \frac{\sqrt{2}}{2}, b = \sqrt{2} + i\sqrt{2} \text{ و } c = \sqrt{2} - i\sqrt{2}.$$

(1) علم النقط A ، B و C في المعلم السابق.

(2) نعتبر النقطة D صورة النقطة C بالتشابه S الذي مركزه A و نسبته 3 و زاويته π

و النقطة E صورة النقطة C بالدوران R الذي مركزه O و زاويته $-\frac{\pi}{2}$.

- احسب اللاحقتين d و e للنقطتين D و E على الترتيب.

$$\text{(III) نضع: } z = \frac{d-b}{e-b}.$$

(1) اكتب العدد المركب z على الشكل المثلثي.

(2) نعتبر النقطة I منتصف القطعة المستقيمة $[DE]$ ، F نظيرة النقطة B بالنسبة إلى النقطة I .

ما طبيعة الرباعي $BDFE$ ؟

التمرين الثالث: (04 نقاط)

في الفضاء المزود بالمعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، نعتبر النقط A ، B ، C و D حيث:

$$A(3; -2; 2), B(6; 1; 5), C(6; -2; -1) \text{ و } D(0; 1; 1).$$

(1) بين أن ABC مثلث قائم في A .

(2) اكتب معادلة للمستوي (P) الذي يشمل A و العمودي على (AB) .

(3) ليكن (P') المستوي حيث: $x - z - 1 = 0$ ، معادلة له.

أ- هل المستويان (P) و (P') متعامدان؟ برّر إجابتك.

ب- بين أن المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A و $\vec{u}(1; -2; 1)$ شعاع توجيه له هو تقاطع المستويين (P) و (P') .

(4) لتكن النقطة $H\left(\frac{4}{3}; \frac{4}{3}; \frac{1}{3}\right)$ من الفضاء.

أ- بين أن H هي المسقط العمودي لـ D على (Δ) .

ب- احسب المسافة بين D و (Δ) .

(5) أ- بين أن النقطة $E(0; 4; -1)$ تنتمي إلى المستقيم (Δ) .

ب- احسب حجم رباعي الوجوه $ABCE$.

التمرين الرابع: (06,5 نقطة)

(I) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ بـ: $g(x) = x - x \ln x$.

(1) أ- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$.

ب- ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على المجال $]0; +\infty[$ ثم شكّل جدول تغيّراتها.

(2) بيّن أنّ المعادلة $g(x) = -1$ تقبل حلاً وحيداً α حيث: $3,5 < \alpha < 3,6$.

(3) استنتج إشارة العبارة $g(x) + 1$ على المجال $]0; +\infty[$.

(II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ بـ: $f(x) = \frac{\ln x}{x+1}$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، حيث: $\|\vec{i}\| = 2cm$ و $\|\vec{j}\| = 4cm$.

(1) بيّن أنّ (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين معادلتيهما $x = 0$ و $y = 0$.

(2) أ- برهن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $]0; +\infty[$: $f'(x) = \frac{g(x)+1}{x(x+1)^2}$.

ب- بيّن أنّ الدالة f متزايدة تماماً على المجال $]0; \alpha[$ و متناقصة تماماً على $[\alpha; +\infty[$ ثم شكّل جدول تغيّراتها.

ج- اكتب معادلة للمماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

د- احسب $\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{f(x) - f(\alpha)}{x - \alpha}$ ، فسّر النتيجة هندسياً.

(3) أ- بيّن أنّ: $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha}$.

ب- استنتج حصراً للعدد $f(\alpha)$ (تُدوّر النتائج إلى 10^{-2}).

ج- ارسم (C_f).

(4) نعتبر المعادلة ذات المجهول الحقيقي الموجب تماماً x و m وسيط حقيقي:

$$(E) \quad x^2 + x - 2m(x+1) = \ln(x^2) \dots$$

أ- تحقّق أنّ المعادلة (E) يؤوّل حلها إلى حل المعادلة: $f(x) = \frac{1}{2}x - m$.

ب- عيّن بيانياً قيم m التي من أجلها تقبل المعادلة (E) حلّين متمايزين.

(5) h هي الدالة المعرفة على $\mathbb{R}^*$ كما يلي: $h(x) = \frac{\ln|x|}{-|x|-1}$ و (C_h) منحناها البياني في المستوي.

أ- بيّن أنّ الدالة h زوجية.

ب- ارسم في نفس المعلم المنحنى (C_h) مستعينا بالمنحنى (C_f).

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
04		التمرين الأول: (04 نقطة)
	0,50	(1) الإجابة الصحيحة هي الاقتراح ج) لأن كل من النقطتين A و C تنتميان إلى (P) .
	0,75	(2) الإجابة الصحيحة هي الاقتراح ب) لأن الشعاع الناطمي $\vec{n}(1;-2;1) \perp (P)$ لا يُعتمد $\vec{AB}(-1;2;-3)$.
	0,75	(3) الإجابة الصحيحة هي الاقتراح ب) لأن $B \in (\Delta)$ و $\vec{OB}(0;3;1)$ يُعتمد $\vec{u}(-1;1;3)$ شعاع توجيه (Δ) .
	01	(4) الإجابة الصحيحة هي الاقتراح أ) لأن C نقطة مشتركة بين (AC) و (Δ) بينما $A \notin (\Delta)$ (أو بأي طريقة أخرى).
	01	(5) الإجابة الصحيحة هي الاقتراح ب) لأن العلاقة $BM^2 - 9CM^2 = 0$ تكافئ $(\vec{BM} - 3\vec{CM})(\vec{BM} + 3\vec{CM}) = 0$ أي: $\vec{GM} \cdot \vec{HM} = 0$ حيث G مرجح الجملة $\{(A;1);(B;-3)\}$ و H مرجح الجملة $\{(A;1);(B;3)\}$ إذن مجموعة النقط هي سطح الكرة التي قطرها $[GH]$.
04		التمرين الثاني: (04 نقاط)
	0,50	(1) حلا المعادلة هما: $z_1 = \frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{1}{3}i$ و $z_2 = \frac{\sqrt{3}}{3} - \frac{1}{3}i$
	0,50	(2) أ) الشكل الأسّي $z_A = \frac{2}{3}e^{i\frac{\pi}{6}}$ و $z_B = \frac{2}{3}e^{-i\frac{\pi}{6}}$.
	0,75	ب) لدينا $\frac{z_A}{z_B} = e^{i\frac{\pi}{3}}$ ومنه $\left(\frac{z_A}{z_B}\right)^{2016} + \left(\frac{z_A}{z_B}\right)^{1437} = e^{i2\pi(336)} + e^{i(2\pi(239)+\pi)} = 1 - 1 = 0$
	0,50	ج) $\left(\frac{z_A}{z_B}\right)^n = e^{i\frac{n\pi}{3}}$ يكون حقيقيا إذا كان $\frac{n\pi}{3} = k\pi$ ومنه $n = 3k$; $k \in \mathbb{N}$.
	0,75	(3) أ) $z' = \left(\frac{z_A}{z_B}\right)z$ تكافئ $z' = e^{i\frac{\pi}{3}}z$ ومنه f دوران مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{3}$
	0,50	ب) $f(A) = C$ ومنه $z_C = \frac{2}{3}i$.
	0,50	ج) لدينا: $z_A + z_B + z_C + z_D = 0$ ومنه $z_D = -\frac{2\sqrt{3}}{3} - i\frac{2}{3}$.
03		التمرين الثالث: (05 نقاط)
	0,50	(1) الحل الخاص هو: $(x_0; y_0) = (-19; -19)$.
	0,75	مجموعة حلول المعادلة (E) هي: $(x; y) = (7k - 19; 6k - 19); k \in \mathbb{Z}$.
	0,75	(2) الجملة $(\lambda \in \mathbb{Z}) \begin{cases} \lambda \equiv 24[7] \\ \lambda \equiv 5[6] \end{cases}$ تكافئ المعادلة (E) . ومنه
	0,25	$\lambda = 6x + 5 = 6(7k - 19) + 5 = 42k - 109; k \in \mathbb{Z}$ ، باقي قسمة λ على 42 هو 17
	0,75	(3) $ x + y - 1 \leq 13$ تكافئ $2 \leq k \leq 4$ و $k \in \mathbb{Z}$ ومنه $(x; y) \in \{(-5; -7), (2; -1), (9; 5)\}$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
02	01	(4 أ) لدينا: $5^{6k+\alpha} \equiv 5^\alpha [7]$ حيث $\alpha \in \{0,1,2,3,4,5\}$ و k عدد طبيعي ومنه مجموعة البواقي هي: $\{1,5,4,6,2,3\}$.
	01	(ب) $\begin{cases} n-5^n \equiv 2020[7] \\ n \equiv 1437[6] \end{cases}$ تكافئ $\begin{cases} n-6 \equiv 4[7] \\ n \equiv 6k+3 \end{cases}; k \in \mathbb{N}$ ومنه $\begin{cases} n=6k+3 \\ n=7q+3 \end{cases}$ ومنه $n=42m+3; m \in \mathbb{N}$.
07		التمرين الرابع: (07 نقاط)
	0,50	(I) 1 أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -1} g(x) = -\infty$.
	0,75 0,25	(ب) $g'(x) = \frac{2}{(x+1)^2} + \frac{1}{x+1}$ إذن g متزايدة تماما على $]-1; +\infty[$. جدول التغيرات
	0,50	2 أ) g مستمرة ورتيبة تماما على $[0,4; 0,5]$ ولدينا $g(0,4) = -0,09$ و $g(0,5) = 0,07$ ومنه المعادلة تقبل حلا وحيد α حيث: $0,4 < \alpha < 0,5$.
	0,25	(ب) إشارة $g(x)$
	0,50	(II) 1 أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = +\infty$.
	0,50 0,25	(2 أ) f تقبل الاشتقاق على $]-1; +\infty[$ و $f'(x) = g(x)$ إذن f متناقصة تماما على $]-1; \alpha[$ و متزايدة تماما على $[\alpha; +\infty[$. جدول التغيرات
	0,25 x 2	(ب) $f(\alpha) = -\alpha + 4 - \frac{4}{\alpha+1}$ و الحصر لـ $f(\alpha)$.
	0,25	(3 أ) التحقق أنه من أجل كل x من $]-1; +\infty[$ فإن $h'(x) = f'(x) - f'(a)$.
	0,50	(ب) $h'(x) = f'(x) - f'(a) = g(x) - g(a)$ و $h'(x) = 0$ يعني $x = a$ و بما أن g متزايدة تماما على $]-1; +\infty[$ فإن: $h'(x) > 0$ على المجال $]a; +\infty[$ و $h'(x) < 0$ على المجال $]-1; a[$. h متزايدة تماما على $]a; +\infty[$ و متناقصة تماما على $]-1; a[$.
	0,25	(ج) من أجل كل x من $]-1; +\infty[$ فإن $f(x) - y = h(x)$ و $h(a) = 0$ ومنه $h(x) \geq 0$ وهذا يعني (C) يقع فوق المماس (T_a) .
	0,75	(4 أ) (T_a) تشمل النقطة $A(1;0)$ يعني $-a^2 + 3a = 0$ ومنه $a = 0$ أو $a = 3$ معادلتيهما: $(T_0): y = -x + 1$ و $(T_3): y = \left(\frac{1}{2} + \ln 4\right)(x-1)$.
	0,75	(ب) رسم المماسين (T_0) و (T_3) و المنحني (C) .
	0,25	(5 أ) $H'(x) = (x-1)\ln(x+1)$ على المجال $]-1; +\infty[$.
	0,25	(ب) $A = \left(\int_1^2 f(x) dx\right) u.a = \left(-\frac{3}{2} \ln 3 + 2 \ln 2 + \frac{7}{4}\right) u.a$ أي $A \approx 1,48 u.a$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة	
05		التمرين الأول: (05 نقاط)
	0,50	(1) اتجاه تغير الدالة f : $f'(x) = \frac{2x^2 - 2x}{(2x-1)^2}$
	0,25	الدالة f متزايدة تماما على $[1; +\infty[$.
	0,50	(2) أ) تمثيل الحدود الأربعة الأولى للمتتالية (u_n) على محور الفواصل.
	0,50	ب) المتتالية (u_n) يبدو أنها متناقصة تماما و مقاربة.
	0,50	ج) برهان من أجل كل عدد طبيعي n : $1 \leq u_n \leq 6$
	0,50	د) المتتالية (u_n) متناقصة تماما على $\mathbb{N}$.
	0,25	هـ) (u_n) متناقصة تماما على $\mathbb{N}$ و محدودة من الأسفل بالعدد 1 فهي مقاربة إلى العدد 1.
	0,25	(3) أ) (w_n) متتالية هندسية أساسها 2 وحدها الأول $w_0 = \ln \frac{5}{6}$.
	0,25	ب) $w_n = w_0 2^n$ ومنه $w_n = 2^n \ln \frac{5}{6}$.
05	0,25	$w_n = \ln(v_n)$ نجد $v_n = e^{w_n}$ أي $v_n = \left(\frac{5}{6}\right)^{2^n}$.
	0,50 0,25	ج) $u_n = \frac{1}{1 - \left(\frac{5}{6}\right)^{2^n}}$ و $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{5}{6}\right)^{2^n} = 0$. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$
	0,50	(4) $S_n = 1 - \left(\frac{5}{6}\right)^1 + 1 - \left(\frac{5}{6}\right)^2 + 1 - \left(\frac{5}{6}\right)^4 + \dots + 1 - \left(\frac{5}{6}\right)^{2^n}$
03,75	01	(I) $S = \left\{ \frac{\sqrt{2}}{2}; \sqrt{2} - \sqrt{2}i; \sqrt{2} + \sqrt{2}i \right\}$
	0,75	(2) $z = \frac{\sqrt{2}}{2} e^{0i}$ و $z = 2e^{-i\frac{\pi}{4}}$ و $z = 2e^{i\frac{\pi}{4}}$.
	0,50	(II) 1) تعليم النقط.
	0,50 × 2	(2) $e = -\sqrt{2} - \sqrt{2}i$ ، $d = -\sqrt{2} + 3\sqrt{2}i$
	0,50	(III) 1) $z = \cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) + \sin\left(-\frac{\pi}{2}\right)$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة	
0,75	0,75	(2) الرباعي $BDFE$ مربع.
04		التمرين الثالث: (04 نقاط)
	0,50	(1) ABC مثلث قائم في A .
	0,50	(2) $(P): x + y + z - 3 = 0$.
	0,50	(3) أ) دراسة تعامد (P) و (P') : $\vec{n}_{(P)}(1;1;1)$ ناظمي $\perp (P)$. $\vec{n}_{(P)}(1;0;-1)$ شعاع ناظمي $\perp (P')$: $\vec{n}_{(P)} \cdot \vec{n}_{(P')} = 0$.
	0,75	ب) تبيان أن المستقيم (Δ) هو مستقيم تقاطع (P) و (P') . (تقبل كل الطرق).
	0,50	(4) أ) H هي المسقط العمودي لـ D على (Δ) معناه $H \in (\Delta)$ و $\overline{HD} \perp \overline{V}$.
	0,50	ب) $d(D;(\Delta)) = HD = \sqrt{\frac{16}{9} + \frac{1}{9} + \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{21}}{3}$.
	0,25	(5) أ) $E(0;4;-1)$ تنتمي إلى المستقيم (Δ) .
	0,50	ب) $V_{ABCE} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times AB \times AC \times EA = 27 u.v$.
05,5		التمرين الرابع: (06,5 نقطة)
	0,50	(I) 1) أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = 0$.
	0,75	ب) $g'(x) = -\ln x$ و إشارة $g'(x)$ ثم استنتاج اتجاه تغير g . تشكيل جدول التغيرات
	0,50	(2) تبيان المعادلة $g(x) = -1$ تقبل حلا وحيدا α حيث $3,5 < \alpha < 3,6$.
	0,25	(3) إشارة $g(x) + 1$ على $]0; +\infty[$.
	0,25	(II) 1) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ نستنتج أن (C_f) يقبل مستقيم مقارب معادلته $x = 0$.
	0,25	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ نستنتج أن (C_f) يقبل مستقيم مقارب معادلته $y = 0$.
	0,50	(2) أ) برهان أن: $f'(x) = \frac{g(x)+1}{x(x+1)^2}$.
	0,25	ب) الدالة f متزايدة تماما على المجال $]0;\alpha[$ و متناقصة تماما على المجال $]\alpha;+\infty[$
	0,25	جدول التغيرات
	0,50	ج) $(T): y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$
	0,50	د) $\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{f(x) - f(\alpha)}{x - \alpha} = 0$ ، المنحنى (C_f) الممثل للدالة f يقبل مماسا أفقيا معادلته: $y = f(\alpha)$ عند النقطة ذات الفاصلة α .
	0,25	(3) أ) تبيان أن: $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha}$.
	0,25	ب) $0,28 < f(\alpha) < 0,29$.
	0,50	ج) الرسم.

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة	
01	0,25	4 أ) التحقق من أن (E) يؤول حلها إلى حل المعادلة $f(x) = \frac{1}{2}x - m$
	0,25	ب) المعادلة تقبل حلين متمايزين معناه $-m < -\frac{1}{2}$ أي $m \in \left] \frac{1}{2}; +\infty \right[$
	0,25	5 أ) تبيان أن الدالة h زوجية.
	0,25	ب) الرسم.